

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
ВЛАДИВОСТОКСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
КАФЕДРА МАТЕМАТИКИ И МОДЕЛИРОВАНИЯ

Фонд оценочных средств
для проведения текущего контроля
и промежуточной аттестации по дисциплине (модулю)

АЛГЕБРА И ГЕОМЕТРИЯ

Направление и направленность (профиль)
01.03.04 Прикладная математика. Интеллектуальный анализ данных

Год набора на ОПОП
2024

Форма обучения
очная

Владивосток 2025

1 Перечень формируемых компетенций

Название ОПОП ВО, сокращенное	Код и формулировка компетенции и	Код и формулировка индикатора достижения компетенции
01.03.04 «Прикладная математика» (Б-ПМ)	ОПК-1 : Способен применять знание фундаментальной математики и естественно-научных дисциплин при решении задач в области естественных наук и инженерной практике	ОПК-1.1в : Обладает математической культурой и системным мышлением, позволяющим и при решении задач в области естественных наук использовать математические методы и инструменты для проведения критического анализа ситуаций и моделирования процессов и явлений

Компетенция считается сформированной на данном этапе в случае, если полученные результаты обучения по дисциплине оценены положительно (диапазон критериев оценивания результатов обучения «зачтено», «удовлетворительно», «хорошо», «отлично»). В случае отсутствия положительной оценки компетенция на данном этапе считается несформированной.

2 Показатели оценивания планируемых результатов обучения

Компетенция ОПК-1 «Способен применять знание фундаментальной математики и естественно-научных дисциплин при решении задач в области естественных наук и инженерной практике»

Таблица 2.1 – Критерии оценки индикаторов достижения компетенции

Код и формулировка индикатора достижения компетенции	Результаты обучения по дисциплине			Критерии оценивания результатов обучения
	Код	Тип	Результат	
ОПК-1.1в : Обладает математической культурой и системным мышлением, позволяющими при решении задач в области естественных наук использовать математические методы и инструменты для проведения критического анализа ситуаций и моделирования процессов и явлений	РД 1	Знание	основных положений векторной и линейной алгебры, аналитической геометрии на плоскости и в пространстве, теории комплексных чисел	- правильность ответа по содержанию задания;- полнота и глубина ответа;
	РД 2	Умение	решать типовые задачи по векторной и линейной алгебре, аналитической геометрии на плоскости и в пространстве, теории комплексных чисел	умение решать стандартные задачи курса, основные типы которых разбираются на практических занятиях
	РД 3	Навык	решения типовых задач с применением математического аппарата теории матриц и систем линейных уравнений, векторной алгебры, аналитической геометрии, аналитическими методами исследования геометрических объектов	владеет навыками выбора формул, методов и правильного подхода к решению задачи

Таблица заполняется в соответствии с разделом 1 Рабочей программы дисциплины (модуля).

3 Перечень оценочных средств

Таблица 3 – Перечень оценочных средств по дисциплине (модулю)

Контролируемые планируемые результаты обучения		Контролируемые темы дисциплины	Наименование оценочного средства и представление его в ФОС	
			Текущий контроль	Промежуточная аттестация
Очная форма обучения				
РД1	Знание : основных положений векторной и линейной алгебры, аналитической геометрии на плоскости и в пространстве, теории комплексных чисел	1.1. Определители и матрицы	Собеседование	Тест
		1.2. Система линейных алгебраических уравнений	Собеседование	Тест
		1.3. Линейные пространства	Собеседование	Тест
		1.4. Евклидовы пространства	Собеседование	Тест
		1.5. Линейные операторы	Собеседование	Тест
		1.6. Элементы векторной алгебры	Собеседование	Тест
		1.7. Прямая на плоскости	Собеседование	Тест
		1.8. Кривые второго порядка	Собеседование	Тест
		1.9. Плоскость и прямая линия в пространстве	Собеседование	Тест
		1.10. Поверхности	Собеседование	Тест
		1.11. Комплексные числа	Собеседование	Тест
РД2	Умение : решать типовые задачи по векторной и линейной алгебре, аналитической геометрии на плоскости и в пространстве, теории комплексных чисел	1.1. Определители и матрицы	Контрольная работа	Тест
			Тест	Тест
		1.2. Система линейных алгебраических уравнений	Контрольная работа	Тест
			Разноуровневые задачи и задания	Тест
			Тест	Тест
			Тест	Тест
		1.3. Линейные пространства	Контрольная работа	Тест
			Тест	Тест

		1.4. Евклидовы пространства	Контрольная работа	Тест
			Тест	Тест
		1.5. Линейные операторы	Контрольная работа	Тест
			Тест	Тест
		1.6. Элементы векторной алгебры	Контрольная работа	Тест
			Тест	Тест
		1.7. Прямая на плоскости	Контрольная работа	Тест
			Тест	Тест
		1.8. Кривые второго порядка	Разноуровневые задачи и задания	Тест
		1.9. Плоскость и прямая линия в пространстве	Контрольная работа	Тест
			Тест	Тест
		1.10. Поверхности	Разноуровневые задачи и задания	Тест
РДЗ	Навык : решения типовых задач с применением математического аппарата теории матриц и систем линейных уравнений, векторной алгебры, аналитической геометрии, аналитическими методами исследования геометрических объектов	1.1. Определители и матрицы	Контрольная работа	Тест
			Тест	Тест
		1.2. Система линейных алгебраических уравнений	Разноуровневые задачи и задания	Тест
			Тест	Тест
		1.6. Элементы векторной алгебры	Контрольная работа	Тест
			Тест	Тест
		1.7. Прямая на плоскости	Контрольная работа	Тест
			Тест	Тест
		1.8. Кривые второго порядка	Разноуровневые задачи и задания	Тест
		1.9. Плоскость и прямая линия в пространстве	Контрольная работа	Тест

			Тест	Тест
		1.10. Поверхности	Разноуровневые задачи и задания	Тест
		1.11. Комплексные числа	Разноуровневые задачи и задания	Тест
			Тест	Тест

4 Описание процедуры оценивания

Качество сформированности компетенций на данном этапе оценивается по результатам текущих и промежуточных аттестаций при помощи количественной оценки, выраженной в баллах. Максимальная сумма баллов по дисциплине (модулю) равна 100 баллам.

Вид учебной деятельности	Оценочное средство							Итого
	Собеседование	Контрольные работы № 1-3	Итоговые тесты №1-4	ИДЗ №1-4	Работа у доски	Посещение занятий	Тест СИТО	
Лекции	20					6		26
Практические занятия		12			12	6		30
Самостоятельная работа				16				16
СЭО			8					8
Промежуточная аттестация							20	20
Итого	20	12	8	16	12	12	20	100

Сумма баллов, набранных студентом по всем видам учебной деятельности в рамках дисциплины, переводится в оценку в соответствии с таблицей.

Сумма баллов по дисциплине	Оценка по промежуточной аттестации	Характеристика качества сформированности компетенции
от 91 до 100	«зачтено» / «отлично»	Студент демонстрирует сформированность дисциплинарных компетенций, обладает всестороннее, систематическое и глубокое знание учебного материала, усвоил основную литературу и знаком с дополнительной литературой, рекомендованной программой, умеет свободно выполнять практические задания, предусмотренные программой, свободно оперирует приобретенными знаниями, умениями, применяет их в ситуациях повышенной сложности.
от 76 до 90	«зачтено» / «хорошо»	Студент демонстрирует сформированность дисциплинарных компетенций: основные знания, умения освоены, но допускаются незначительные ошибки, неточности, затруднения при аналитических операциях, переносе знаний и умений на новые, нестандартные ситуации.
от 61 до 75	«зачтено» / «удовлетворительно»	Студент демонстрирует сформированность дисциплинарных компетенций: в ходе контрольных мероприятий допускаются значительные ошибки, проявляется отсутствие отдельных знаний, умений, навыков по некоторым дисциплинарным компетенциям, студент испытывает значительные затруднения при оперировании знаниями и умениями при их переносе на новые ситуации.
от 41 до 60	«не зачтено» / «неудовлетворительно»	У студента не сформированы дисциплинарные компетенции, проявляется недостаточность знаний, умений, навыков.
от 0 до 40	«не зачтено» / «неудовлетворительно»	Дисциплинарные компетенции не сформированы. Проявляется полное или практически полное отсутствие знаний, умений, навыков.

5 Примерные оценочные средства

5.1 Примерный перечень вопросов по темам

Вопросы по темам

К теме 1

1. Дать определение определителя второго порядка.
2. Что определяет порядок определителя?
3. Какая диагональ определителя называется главной?
4. Какая диагональ определителя называется побочной?
5. Дать определение определителя третьего порядка.
6. Как вычисляются определители второго порядка?
7. Каковы методы вычисления определителей третьего порядка?
8. Что называется алгебраическим дополнением определителя третьего порядка?
9. Что называется минором элемента определителя третьего порядка?
10. Сформулировать свойства определителей.
11. Какой определитель называется определителем треугольного вида?
12. Что называется матрицей?
13. Какая матрица называется квадратной?
14. Какая матрица называется единичной?
15. Какая матрица называется матрицей-столбцом?
16. Какая матрица называется матрицей-строкой?
17. Какая матрица называется невырожденной?
18. Какая матрица называется транспонированной?
19. Какие линейные операции выполнимы над матрицами?
20. Что называется суммой двух матриц?
21. Что называется умножением матрицы на число?
22. Перечислить свойства линейных операций над матрицами.
23. Что называется произведением матриц?
24. Каковы свойства произведения матриц?
25. Какая матрица называется обратной к данной?
26. Сформулировать необходимое и достаточное условие существования матрицы, обратной данной.
27. Каков алгоритм нахождения матрицы, обратной данной?
28. Как связаны определители взаимно-обратных матриц?
29. Какие преобразования матриц называются элементарными?
30. Какие матрицы называются эквивалентными?
31. Что называется рангом матрицы (два определения)?

К теме 2

1. Что называется системой линейных алгебраических уравнений?
2. Какая система называется квадратной?
3. Что называется решением системы?
4. Какая система называется неоднородной?
5. Какая система называется однородной?
6. Какая матрица называется матрицей системы?
7. Какая матрица называется расширенной матрицей системы?
8. Какая система называется определенной?
9. Какая система называется несовместной?
10. Какая система называется совместной?
11. Что значит решить систему?
12. Какая система называется неопределенной?
13. Какие преобразования называются равносильными?
14. Какие системы называются эквивалентными?

15. В чем заключается суть метода Гаусса решения системы уравнений?
16. В чем заключается суть метода Жордана-Гаусса решения системы уравнений?
17. Матричная запись СЛАУ.
18. Запись решения в матричной форме.
19. Сформулировать правило Крамера.
20. Что называется рангом матрицы?
21. Сформулировать теорему Кронекера-Капелли.
22. Сформулировать теорему о совместности однородной системы.

К теме 3

1. Что называется вектором?
2. Дать определение нулевого вектора.
3. Дать определение единичного вектора.
4. Какие векторы называются противоположными?
5. Какие векторы называются равными?
6. Дать определение длины вектора.
7. Какие векторы называются коллинеарными?
8. Какие векторы называются компланарными?
9. Какие линейные операции можно выполнять над векторами?
10. Дать определение умножения вектора на число.
11. Что называется углом между векторами?
12. Что называется углом между вектором и осью?
13. Какие векторы называются линейно зависимыми?
14. Какие векторы называются линейно независимыми?
15. Что называется базисом на плоскости?
16. Что называется базисом в пространстве?
17. Максимальное число линейно независимых векторов на плоскости.
18. Максимальное число линейно независимых векторов в пространстве.
19. Разложение вектора по прямоугольному декартовому базису.
20. Определение проекции вектора на ось.
21. Определение составляющей вектора на оси.
22. Линейные операции над векторами в координатной форме?
23. Вычисление длины вектора в координатной форме.
24. Условие коллинеарности векторов (в координатной форме).
25. Как вычислить координаты точки, делящей отрезок в данном отношении?
26. Как вычислить координаты точки, которая делит отрезок пополам.
27. Что такое направляющие косинусы вектора?
28. Каковы формулы вычисления направляющих косинусов?
29. Условие, которому должны удовлетворять направляющие косинусы.
30. Координаты единичного вектора через направляющие косинусы.
31. Что называется скалярным произведением векторов?
32. Каковы свойства скалярного произведения?
33. Условие перпендикулярности двух векторов.
34. Как выражается в координатной форме необходимое и достаточное условие перпендикулярности двух векторов?
35. Формула проекции вектора на вектор.
36. Что такое скалярный квадрат?
37. Что называется векторным произведением векторов?
38. Каковы свойства векторного произведения?
39. Векторное произведение в координатной форме.
40. Геометрический смысл векторного произведения векторов?
41. Что называется смешанным произведением векторов?
42. Каковы свойства смешанного произведения?

43. Геометрический смысл смешанного произведения векторов?
44. В чем заключается необходимое и достаточное условие компланарности трех векторов?

К теме 4

1. Сформулировать основные задачи аналитической геометрии.
2. Что называется уравнением линии на плоскости?
3. Перечислить способы задания прямой на плоскости (8 уравнений).
4. Что называется угловым коэффициентом прямой линии на плоскости?
5. Какой вектор называется нормальным?
6. Как по общему уравнению прямой на плоскости определить один из ее нормальных векторов?
7. Какой вектор называется направляющим?
8. Как определить угол между двумя прямыми на плоскости (два случая)?
9. Каковы условия параллельности двух прямых (два случая: прямые заданы общими уравнениями; прямые заданы с угловыми коэффициентами)?
10. Каковы условия перпендикулярности двух прямых (два случая: прямые заданы общими уравнениями; прямые заданы с угловыми коэффициентами)?
11. Как вычислить расстояние от точки до прямой?

К теме 5

1. Что называется окружностью?
2. Какое уравнение называется каноническим уравнением окружности?
3. Что называется эллипсом?
4. Каково каноническое уравнение эллипса?
5. Что такое полуоси эллипса?
6. Что называется эксцентриситетом эллипса?
7. Что характеризует эксцентриситет эллипса, и в каких пределах находится его значение?
8. Каково уравнение связи параметров a , b и c эллипса?
9. Сколько осей симметрии имеет эллипс?
10. Какая кривая называется гиперболой?
11. Каково каноническое уравнение гиперболы?
12. Сколько осей симметрии имеет гипербола?
13. Что называется эксцентриситетом гиперболы?
14. Что характеризует эксцентриситет гиперболы, и в каких пределах находится его значение?
15. Каково уравнение связи параметров a , b и c гиперболы?
16. Что такое асимптоты гиперболы? Сколько асимптот имеет гипербола?
17. Что называется параболой?
18. Каково каноническое уравнение параболы (четыре случая)?
19. Что называется параметром параболы? Можно ли, зная параметр параболы, найти расстояние от ее фокуса до вершины?
20. Сколько осей симметрии имеет парабола?
21. Как привести общее уравнение кривой второго порядка к каноническому виду?

К теме 6

1. Каково общее уравнение плоскости и его частные случаи?
2. Как записывается уравнение плоскости, проходящей через точку перпендикулярно вектору?
3. Как записывается уравнение плоскости, проходящей через три данные точки?
4. Как записывается уравнение плоскости в отрезках?
5. Какой вектор называется нормальным?
6. Дать определение угла между плоскостями?
7. Условие параллельности двух плоскостей?

8. Условие перпендикулярности двух плоскостей?
9. Определение расстояния от точки до плоскости.
10. Как задается прямая в пространстве?
11. Какой вектор называется направляющим?
12. Как вычислить координаты направляющего вектора?
13. Какими уравнениями можно задать прямую в пространстве?
14. Угол между двумя прямыми в пространстве.
15. Каково условие параллельности прямых в пространстве?
16. Каково условие перпендикулярности прямых в пространстве?
17. Угол между прямой и плоскостью в пространстве.
18. Каково условие параллельности прямой и плоскости в пространстве?
19. Каково условие перпендикулярности прямой и плоскости в пространстве?
20. Как определить координаты точки пересечения прямой и плоскости в пространстве?

К теме 7

1. Что называется поверхностью второго порядка?
2. Какая поверхность называется цилиндрической?
3. Какая линия называется направляющей цилиндрической поверхности?
4. Какая линия называется образующей цилиндрической поверхности?
5. Какая линия является направляющей эллиптического цилиндра?
6. Какая линия является направляющей гиперболического цилиндра?
7. Какая поверхность называется конической?
8. Какая линия называется направляющей конической поверхности?
9. Что называется эллипсоидом?
10. Что называется однополостным гиперболоидом?
11. Что называется двуполостным гиперболоидом?
12. Что называется эллиптическим параболоидом?

К теме 8

1. Какое число называется комплексным?
2. Что называется действительной частью комплексного числа?
3. Что называется мнимой частью комплексного числа?
4. Что называется модулем комплексного числа?
5. Что называется аргументом комплексного числа?
6. Как геометрическое изображается комплексное число?
7. Каковы формы записи комплексного числа?
8. Как выполняются действия сложения, умножения и деления комплексных чисел?
9. Что такое сопряженное число комплексного числа?
10. Как выполняется действие возведения комплексного числа в степень?
11. Как извлечь корень n -ой степени из комплексного числа?

Краткие методические указания

Теоретический опрос проводится после изучения соответствующих тем.

Шкала оценки

Оценка	Баллы	Описание
5	19-20	Ставится, если студент полностью освоил материал
4	16-18	Ставится, если студент допускает 1-2 ошибки
3	12-15	Ставится, если студент излагает материал неполно и допускает неточности в определении понятий или формулировке правил, излагает материал непоследовательно и допускает ошибки
2	0-11	Ставится, если студент обнаруживает незнание ответа на соответствующий вопрос, допускает ошибки в формулировке определений и правил, искажающие их смысл, беспорядочно и неуверенно излагает материал

5.2 Примеры заданий для выполнения контрольных работ

Контрольная работа №1 «Определители и матрицы».

1. Вычислить определитель $\begin{vmatrix} 2 & 2 & -3 \\ 2 & 1 & -1 \\ 6 & 2 & -2 \end{vmatrix}$.

2. Даны матрицы $A = \begin{pmatrix} 2 & 7 & 6 \\ 2 & 0 & 7 \\ 1 & 3 & 3 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & 9 & 1 \\ 0 & -1 & 2 \\ 4 & 1 & -5 \end{pmatrix}$,
 $C = \begin{pmatrix} 10 & -10 & 12 \\ -3 & 1 & 2 \\ 6 & 2 & 2 \end{pmatrix}$.

Вычислить $5A-4B+C$.

3. Найти $\begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 2 \\ 2 & 2 & 3 \\ 3 & 3 & 4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 2 & 2 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 4 \\ 1 \end{pmatrix}$.

4. Дана матрица $D = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 4 \\ 6 & 3 & 12 \\ -10 & -5 & -20 \end{pmatrix}$. Найти ранг матрицы.

5. Найти матрицу, обратную данной, и сделать проверку $\begin{pmatrix} 3 & -4 & 5 \\ 2 & -3 & 1 \\ 3 & -5 & -1 \end{pmatrix}$.

Краткие методические указания

Контрольная работа позволяет определить уровень усвоения материала. Перед выполнением контрольной работы необходимо ознакомиться с теоретическим материалом, представленным в презентациях и на лекции, проработать методы решения задач, рассмотренных в типовых примерах. За разъяснением трудно усваиваемых вопросов курса необходимо обратиться к преподавателю.

Шкала оценки

Оценка	Баллы	Описание
5	4	Задания выполнены полностью и правильно
4	3	Задания выполнены полностью, с несущественными ошибками, но подход к решению, идея решения, метод правильны
3	2	Задания выполнены полностью, с существенными ошибками, но подход к решению, идея решения, метод правильны
2	0-1	Задания не выполнены или выполнены неправильно

Контрольная работа №2 «Элементы векторной алгебры».

1. В параллелограмме $ABCD$ O – точка пересечения диагоналей, $\overrightarrow{AB} = \vec{a}$, $\overrightarrow{BO} = \vec{b}$.

Выразить через $\vec{a}$ и $\vec{b}$ вектор $\vec{m} = \frac{1}{3} \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{DA}$.

2. Зная, что $\vec{a} = \alpha \cdot \vec{i} + 5 \cdot \vec{j} - \vec{k}$ и $\vec{b} = 3 \cdot \vec{i} + \vec{j} + \beta \cdot \vec{k}$ коллинеарные, найти числа α и β .

3. Найти $|\vec{a} \times \vec{b}|$, если $|\vec{a}| = 5$, $|\vec{b}| = 6$, $\vec{a} \cdot \vec{b} = 6$.

4. Проверить компланарность векторов $\vec{a} = (2; -1; 3)$, $\vec{b} = (1; 4; 2)$ и $\vec{c} = (1; 1; 1)$.

Краткие методические указания

Контрольная работа позволяет определить уровень усвоения материала. Перед выполнением контрольной работы необходимо ознакомиться с теоретическим материалом,

представленным в презентациях и на лекции, проработать методы решения задач, рассмотренных в типовых примерах. За разъяснением трудно усваиваемых вопросов курса необходимо обратиться к преподавателю.

Шкала оценки

Оценка	Баллы	Описание
5	4	Задания выполнены полностью и правильно
4	3	Задания выполнены полностью, с несущественными ошибками, но подход к решению, идея решения, метод правильны
3	2	Задания выполнены полностью, с существенными ошибками, но подход к решению, идея решения, метод правильны
2	0-1	Задания не выполнены или выполнены неправильно

Контрольная работа №3 «Прямая на плоскости. Прямая и плоскость в пространстве. Поверхности».

1. Дан треугольник с вершинами $A(0;-4)$, $B(3;0)$ и $C(0;6)$. Составить уравнение и найти длину высоты CH .

2. Составить уравнение плоскости, проходящей через точку $M(2; -3; 1)$ параллельно векторам $\vec{a} = (-3; 2; 1)$ и $\vec{b} = (1; 2; 3)$.

3. Найти уравнение прямой, проходящей через точку $A(5; -1; -3)$ параллельно прямой

$$\begin{cases} 2x + 3y + z = 6, \\ 4x - 5y - z - 2 = 0. \end{cases}$$

4. Построить тело $y = x, y = 0, x = 1, z = 5(x^2 + y^2)$

Краткие методические указания

Контрольная работа позволяет определить уровень усвоения материала. Перед выполнением контрольной работы необходимо ознакомиться с теоретическим материалом, представленным в презентациях и на лекции, проработать методы решения задач, рассмотренных в типовых примерах. За разъяснением трудно усваиваемых вопросов курса необходимо обратиться к преподавателю.

Шкала оценки

Оценка	Баллы	Описание
5	4	Задания выполнены полностью и правильно
4	3	Задания выполнены полностью, с несущественными ошибками, но подход к решению, идея решения, метод правильны
3	2	Задания выполнены полностью, с существенными ошибками, но подход к решению, идея решения, метод правильны
2	0-1	Задания не выполнены или выполнены неправильно

5.3 Варианты индивидуальных домашних заданий

ИДЗ №1

Вычислить определитель методом понижения порядка до второго

$$\begin{vmatrix} 1 & 2 & 1 & -1 \\ 2 & -1 & 1 & 0 \\ -2 & 4 & 1 & -1 \\ 3 & -3 & 2 & 2 \end{vmatrix}.$$

Краткие методические указания

При выполнении индивидуальных домашних заданий необходимо использовать теоретический материал, делать ссылки на соответствующие теоремы, свойства, формулы и др. Решение ИДЗ выполняется подробно и содержит необходимые пояснительные ссылки.

Шкала оценки

Оценка	Баллы	Описание
--------	-------	----------

5	3	Задания выполнены полностью и правильно, работа оформлена согласно требованиям, решение содержит некоторые неточности и несущественные ошибки;
4	2	Задания выполнены полностью, с несущественными ошибками, но подход к решению, идея решения, метод правильны, работа оформлена согласно требованиям;
3	1	Задания выполнены полностью, с существенными ошибками, но подход к решению, идея решения, метод правильны, работа оформлена не по требованиям
2	0	Задания не выполнены или выполнены неправильно

ИДЗ №2

Решить неоднородную систему линейных алгебраических уравнений методом Гаусса:

$$\begin{cases} 2x_1 + 2x_2 - 3x_3 + x_4 = 11, \\ x_1 + 3x_3 - 2x_4 = -6, \\ x_1 + 3x_2 - x_3 + 2x_4 = 12, \\ 3x_1 + x_2 + 4x_3 - 2x_4 = -3. \end{cases}$$

Краткие методические указания

При выполнении индивидуальных домашних заданий необходимо использовать теоретический материал, делать ссылки на соответствующие теоремы, свойства, формулы и др. Решение ИДЗ выполняется подробно и содержит необходимые пояснительные ссылки.

Шкала оценки

Оценка	Баллы	Описание
5	3	Задания выполнены полностью и правильно, работа оформлена согласно требованиям, решение содержит некоторые неточности и несущественные ошибки;
4	2	Задания выполнены полностью, с несущественными ошибками, но подход к решению, идея решения, метод правильны, работа оформлена согласно требованиям;
3	1	Задания выполнены полностью, с существенными ошибками, но подход к решению, идея решения, метод правильны, работа оформлена не по требованиям
2	0	Задания не выполнены или выполнены неправильно

ИДЗ №3

Доказать, что система линейных алгебраических уравнений совместна и решить её:

- 1) матричным методом;
- 2) по формулам Крамера.

$$\begin{cases} -x_1 + 2x_2 + x_3 = -7, \\ 2x_1 - x_2 + 5x_3 = 1, \\ 3x_1 - 3x_2 + 2x_3 = 10. \end{cases}$$

Краткие методические указания

При выполнении индивидуальных домашних заданий необходимо использовать теоретический материал, делать ссылки на соответствующие теоремы, свойства, формулы и др. Решение ИДЗ выполняется подробно и содержит необходимые пояснительные ссылки.

Шкала оценки

Оценка	Баллы	Описание
5	3	Задания выполнены полностью и правильно, работа оформлена согласно требованиям, решение содержит некоторые неточности и несущественные ошибки;
4	2	Задания выполнены полностью, с несущественными ошибками, но подход к решению, идея решения, метод правильны, работа оформлена согласно требованиям;
3	1	Задания выполнены полностью, с существенными ошибками, но подход к решению, идея решения, метод правильны, работа оформлена не по требованиям
2	0	Задания не выполнены или выполнены неправильно

ИДЗ №4

Даны вершины треугольника ABC A(4;5) , B(3;-2) , C(-5;6) .

Найти:

- а) уравнение стороны АВ;

- б) уравнение высоты СН;
- в) уравнение медианы АМ;
- г) точку N пересечения медианы АМ и высоты СН;
- д) уравнение прямой, проходящей через вершину С параллельно стороне АВ;
- е) расстояние от точки С до прямой АВ.

Краткие методические указания

При выполнении индивидуальных домашних заданий необходимо использовать теоретический материал, делать ссылки на соответствующие теоремы, свойства, формулы и др. Решение ИДЗ выполняется подробно и содержит необходимые пояснительные ссылки.

Шкала оценки

Оценка	Баллы	Описание
5	3	Задания выполнены полностью и правильно, работа оформлена согласно требованиям, решение содержит некоторые неточности и несущественные ошибки;
4	2	Задания выполнены полностью, с несущественными ошибками, но подход к решению, идея решения, метод правильны, работа оформлена согласно требованиям;
3	1	Задания выполнены полностью, с существенными ошибками, но подход к решению, идея решения, метод правильны, работа оформлена не по требованиям
2	0	Задания не выполнены или выполнены неправильно

ИДЗ №5

1. Построить кривую $\rho = \frac{1}{3(1 - \cos \varphi)}$ в полярной системе координат по точкам, давая значения через промежуток $\frac{\pi}{8}$, начиная от $\varphi = 0$.

2. Найти уравнение полученной линии в прямоугольной декартовой системе координат, начало которой совпадает с полюсом, а положительная полуось абсцисс – с полярной осью и по уравнению определите вид кривой.

Краткие методические указания

При выполнении индивидуальных домашних заданий необходимо использовать теоретический материал, делать ссылки на соответствующие теоремы, свойства, формулы и др. Решение ИДЗ выполняется подробно и содержит необходимые пояснительные ссылки.

Шкала оценки

Оценка	Баллы	Описание
5	3	Задания выполнены полностью и правильно, работа оформлена согласно требованиям, решение содержит некоторые неточности и несущественные ошибки;
4	2	Задания выполнены полностью, с несущественными ошибками, но подход к решению, идея решения, метод правильны, работа оформлена согласно требованиям;
3	1	Задания выполнены полностью, с существенными ошибками, но подход к решению, идея решения, метод правильны, работа оформлена не по требованиям
2	0	Задания не выполнены или выполнены неправильно

ИДЗ №6

1. Выполнить действия над комплексными числами в алгебраической форме

а) $z = 5(1 + 2i)^2(1 + 3i);$

б) $z = \frac{(3 - 2i)(5 + i)}{2i(3 - i)}.$

2. Найти $(-1 + \sqrt{3}i)^7$.

3. Решить уравнение $z^4 = -1 - i$.

Краткие методические указания

При выполнении индивидуальных домашних заданий необходимо использовать теоретический материал, делать ссылки на соответствующие теоремы, свойства, формулы и др. Решение ИДЗ выполняется подробно и содержит необходимые пояснительные ссылки.

Шкала оценки

Оценка	Баллы	Описание
5	3	Задания выполнены полностью и правильно, работа оформлена согласно требованиям, решение содержит некоторые неточности и несущественные ошибки;
4	2	Задания выполнены полностью, с несущественными ошибками, но подход к решению, идея решения, метод правильны, работа оформлена согласно требованиям;
3	1	Задания выполнены полностью, с существенными ошибками, но подход к решению, идея решения, метод правильны, работа оформлена не по требованиям
2	0	Задания не выполнены или выполнены неправильно

5.4 Примеры тестовых заданий

Итоговый тест по дисциплине

1. Определитель $\begin{vmatrix} 1 & 3 & 4 \\ -2 & 1 & 2 \\ -3 & 2 & -1 \end{vmatrix}$ равен

- 1)33
- 2)32
- 3)-33
- 4)-32.

2. Ранг матрицы $\begin{pmatrix} -1 & 1 & -1 & 0 & 2 \\ -1 & 5 & -3 & 2 & 7 \\ 4 & 3 & -3 & 7 & 5 \\ -5 & 2 & 0 & -5 & 2 \end{pmatrix}$ равен

- 1)2
- 2)3
- 3)4
- 4)5.

3. Если $A = \begin{pmatrix} -2 & 3 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ -3 & 1 & -1 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -2 & 3 & 0 \\ -3 & 1 & -1 \\ -4 & 3 & -2 \end{pmatrix}$, то элемент c_{31} матрицы $C = A \cdot B$ равен....

4. Для матриц $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & -1 & -2 \\ 4 & -3 & 5 & -10 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 1 & 4 \\ 5 & -2 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$ имеют смысл выражения

- 1) $A + 2B^T$
- 2) $(A + B)^T$
- 3) $3A - B^T$
- 4) $A^T - 2B$
- 5) $B^T + 3A^T$

5. Матрица $A = \begin{pmatrix} k & -8 \\ -2 & k \end{pmatrix}$ является невырожденной (неособенной) при k не

равном

- 1)-4
- 2)2
- 3)4
- 4)8

6. Для системы $\begin{cases} 9x + 3y = 9, \\ 4x + 6y = -10 \end{cases}$ сумма $x + y$ равна

7. Квадрат модуля вектора $\vec{a} = -5\vec{i} + 3\vec{k}$ равен

8. Известно, что $|\vec{a}| = 3$, $|\vec{b}| = 2$. Угол между этими векторами равен $\varphi = \frac{\pi}{2}$.

Скалярное произведение $\vec{a}\vec{b}$ равно

9. Сумма проекций вектора $2\vec{i} \times \vec{i} - 3\vec{i} \times \vec{j} + 3\vec{i} \times \vec{k} + 2\vec{j} \times \vec{i} + \vec{j} \times \vec{k} + 3\vec{k} \times \vec{k}$ равна

10. Для коллинеарных векторов $\vec{a} = (2, -3, 1)$, $\vec{c} = (4, x, y)$ x и y соответственно равны

- 1)2 и -6
- 2)-6 и 2
- 3)2 и 6
- 4)6 и 2

10. Векторы $\vec{a} = -5\vec{i} + 3\vec{k}$, $\vec{b} = 2\vec{i} + 5\vec{j} + x\vec{k}$, $\vec{c} = -\vec{i} - \vec{j} + \vec{k}$ являются компланарными

при x равном

- 1)-7/5
- 2)-16/5
- 3)-13/5
- 4)-9/5

11. Уравнение прямой, проходящей через точку $A(-2, 3)$, перпендикулярно прямой

$$\frac{x-2}{5} = \frac{y-3}{-1}, \text{ имеет вид}$$

- 1) $-5x - y + 13 = 0$
- 2) $5x - y + 13 = 0$
- 3) $-5x + y - 13 = 0$
- 4) $5x - y - 13 = 0$

12. Уравнение плоскости, проходящей через точку $B(-1, 4, -5)$ параллельно

плоскости YOZ , имеет вид

- 1) $5y + 4z = 0$
- 2) $x = -1$
- 3) $y = 4$
- 4) $z = -5$

13. Две прямые $\frac{x-1}{5} = \frac{y+2}{4} = \frac{z+5}{-3}$ и $\frac{x}{-5} = \frac{y-2}{-4} = \frac{z+3}{3}$ являются

- 1)параллельными
- 2)пересекающимися
- 3)совпадающими

4)скрещивающимися

14. Сумма координат правого фокуса эллипса $\frac{x^2}{117} + \frac{y^2}{36} = 1$ равна ...

15. Если $z_1 = -5 + i$, $z_2 = 1 + 6i$, то разность действительной и мнимой частей числа

$\frac{z_1}{z_2}$ равна

1) $-\frac{30}{37}$

2) $-\frac{27}{37}$

3) $-\frac{28}{37}$

4) $-\frac{33}{37}$

Краткие методические указания

ПТМ содержат тестовые задания с выбором одного или нескольких правильных ответов, ввод числа.

Шкала оценки

Оценк а	Балл ы	Описание
5	20	Задание выполнено полностью и абсолютно правильно.
4	16-19	Задание выполнено полностью и правильно, но решение содержит некоторые неточности и несущ ественные ошибки.
3	9-15	Задание выполнено не полностью, с существенными ошибками, но подход к решению, идея решен ия, метод правильны.
2	1-8	Задание выполнено частично, имеет ошибки, осуществлена попытка решения на основе правильн ых методов и идей решения.

5.5 Примеры тестовых заданий

Тест 1

1. Определитель $\begin{vmatrix} 3 & 0 & 5 \\ -2 & 1 & 2 \\ -6 & 1 & 3 \end{vmatrix}$ равен

1)32

2)23

3)-24

4)-31

2. Ранг матрицы $\begin{pmatrix} 1 & -2 & 5 & 9 \\ 1 & -1 & 7 & 4 \\ 1 & 3 & 3 & 4 \\ 1 & 2 & 3 & 4 \end{pmatrix}$ равен

1)1

2)2

3)3

4)4

3. Для элемента a_{32} матрицы $\begin{pmatrix} -1 & -5 & -3 \\ 4 & -2 & 1 \\ 2 & 6 & 4 \end{pmatrix}$ алгебраическое дополнение равно

- 1) 11
- 2) -11
- 3) 4
- 4) -4

4. Для матрицы $A = \begin{pmatrix} -6 & -5 \\ 3 & -3 \end{pmatrix}$ обратная матрица A^{-1}

1) существует и имеет вид $A^{-1} = \frac{1}{3} \begin{pmatrix} -3 & 5 \\ -3 & -6 \end{pmatrix}$

2) существует и имеет вид $A^{-1} = \frac{1}{33} \begin{pmatrix} -3 & -5 \\ 3 & -6 \end{pmatrix}$

3) существует и имеет вид $A^{-1} = \frac{1}{33} \begin{pmatrix} -3 & 5 \\ -3 & -6 \end{pmatrix}$

4) не существует

5. Если $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & -1 & -2 \\ 4 & -3 & 5 & -10 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 1 & -2 \\ 1 & -2 \\ 4 & -3 \end{pmatrix}$, то элемент c_{11} матрицы $C = A \cdot B$ равен

6. Если $A_{m \times 3} \cdot B_{3 \times n} = C_{2 \times 5}$, тогда m и n равны

1) $m = 3, n = 5$

2) $m = 5, n = 2$

3) $m = 2, n = 5$

4) $m = 3, n = 2$

7. Для матриц $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 3 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 \\ 5 \end{pmatrix}$, $C = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 5 \\ 7 & 3 & 6 \\ 4 & 2 & 1 \end{pmatrix}$ существует произведение

1) BC

2) AC

3) CA

4) AB

8. Невырожденной матрицей является матрица:

$$A = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}; B = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 3 & 3 & 3 \\ 4 & 0 & 1 \end{pmatrix}; C = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 3 & 0 \\ 3 & 1 & 4 \end{pmatrix}; D = \begin{pmatrix} 0 & 3 & 1 \\ 0 & 5 & 4 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

1) D

2) A

3) C

4) B

9. Система линейных уравнений $\begin{cases} 2x - 7y + 3z = 0 \\ 3x + 5y + z = 0 \\ 4x + 2y - z = 0 \end{cases}$ имеет:

1) не имеет решений

2) единственное решение

3) множество решений

4) три решения

10. В системе линейных уравнений
$$\begin{cases} 3x_1 + 6x_2 - 9x_3 = 12 \\ x_1 + 2x_2 - 3x_3 = 4 \end{cases}$$
 количество базисных переменных равно

Краткие методические указания

ПТМ содержат тестовые задания с выбором одного или нескольких правильных ответов, ввод числа.

Шкала оценки

Оценк а	Балл ы	Описание
5	3	Задание выполнено полностью и абсолютно правильно.
4	2	Задание выполнено полностью и правильно, но решение содержит некоторые неточности и несущ ественные ошибки.
3	1	Задание выполнено не полностью, с существенными ошибками, но подход к решению, идея решен ия, метод правильны.
2	0	Задание не выполнено, имеет ошибки.

5.6 Примеры тестовых заданий

Тест 2

1. Вектор $\vec{a} = (0, 2, -5)$ образует с осью абсцисс угол

1) $\alpha = 0$

2) $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$

3) $\alpha = \frac{\pi}{2}$

4) $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$

2. Для векторов $\vec{a} = 2\vec{i} - 2\vec{j} - 3\vec{k}$ и $\vec{c} = -2\vec{i} - \vec{k}$ линейная комбинация $-5\vec{a} - 4\vec{c}$ равна

1) $-2\vec{i} + 10\vec{j} - 19\vec{k}$

2) $-2\vec{i} - 10\vec{j} - 19\vec{k}$

3) $2\vec{i} - 10\vec{j} - 19\vec{k}$

4) $-2\vec{i} + 10\vec{j} + 19\vec{k}$

3. Для векторов $\vec{a} = (2, -4, 1)$, $\vec{b} = (1, -1, 1)$, $\vec{c} = (-2, -3, 1)$ выражение $(\vec{a} - \vec{b})\vec{c}$ равно ...

4. Известно, что скалярное произведение $\vec{a}\vec{b} = 10$, $|\vec{a}| = 4$, угол между этими векторами равен $\varphi = \frac{\pi}{3}$. Длина вектора $|\vec{b}|$ равна ...

5. Выражение $\vec{i}^2 - 2\vec{i} \cdot \vec{j} - \vec{j}^2 + 4\vec{j} \cdot \vec{k} - 3\vec{k}^2 + 2\vec{k} \cdot \vec{i}$ равно....

6. Если $A(-2, 5, -2)$, $B(4, -3, 2)$, $C(-4, 5, 2)$, то площадь треугольника ABC равна

1) 25

2) 26

3) 24

4) 20

7. Для коллинеарных векторов $\vec{b} = (-2, 1, x)$, $\vec{c} = (-6, y, 3)$ x и y соответственно равны

- 1) -1 и 3
- 2) -1 и -3
- 3) 1 и -3
- 4) 1 и 3

8. Для перпендикулярных векторов $\vec{b} = \vec{i} - 4\vec{j} + x\vec{k}$, $\vec{c} = -2\vec{i} - \vec{k}$ x равно

9. Векторы $\vec{a} = 2\vec{i} + 4\vec{j} - 3\vec{k}$, $\vec{b} = x\vec{k}$, $\vec{c} = 3\vec{i} - 4\vec{j} - 5\vec{k}$ являются компланарными при x равном

- 1) -2
- 2) 0
- 3) 2
- 4) 4

10. Сумма проекций вектора $3\vec{i} \times \vec{i} + 2\vec{i} \times \vec{j} + \vec{j} \times \vec{j} - 3\vec{j} \times \vec{i} + 2\vec{j} \times \vec{k} - \vec{k} \times \vec{j}$ равна

Краткие методические указания

ПТМ содержат тестовые задания с выбором одного или нескольких правильных ответов, ввод числа.

Шкала оценки

Оценка	Баллы	Описание
5	3	Задание выполнено полностью и абсолютно правильно.
4	2	Задание выполнено полностью и правильно, но решение содержит некоторые неточности и несущественные ошибки.
3	1	Задание выполнено не полностью, с существенными ошибками, но подход к решению, идея решения, метод правильны.
2	0	Задание не выполнено, имеет ошибки.

5.7 Примеры тестовых заданий

Тест 3

1. Уравнение прямой, проходящей через точку $A(-2,5)$ параллельно вектору $\vec{b} = (1, -1)$, имеет вид

- 1) $x - y + 7 = 0$
- 2) $x + y + 7 = 0$
- 3) $x + y - 3 = 0$
- 4) $x - y - 3 = 0$

2. Если точка $C(x_0, 5)$ принадлежит прямой $-4x + y - 1 = 0$, то координата x_0 равна..

3. Квадрат расстояния от точки $B(4,5)$ до прямой $5x + 2y - 1 = 0$ равен

4. Площадь треугольника, образованного прямой $4x - y + 8 = 0$ и координатными осями, равна ...

5. Прямые $\begin{cases} x = -t + 3, \\ y = 3t - 1 \end{cases}$ и $\frac{x-1}{2} = \frac{y+5}{-6}$ являются

- 1) параллельными
- 2) пересекающимися и перпендикулярными
- 3) пересекающимися и неперпендикулярными
- 4) совпадающими

6. Если прямая задается общими уравнениями $\begin{cases} 2x + y - 2z + 1 = 0 \\ 3x - y + 2z + 2 = 0 \end{cases}$, то ее

направляющий вектор имеет координаты

- 1) (0, 10, -5)

2) $(0, -10, -5)$

3) $(10, 0, -5)$

4) $(0, -5, -10)$

7. Для эллипса $\frac{(x-2)^2}{9} + \frac{(y+3)^2}{5} = 1$ осями симметрии являются прямые

1) $x = 2$

2) $x = -2$

3) $y = 3$

4) $y = -3$

8. Расстояние между параллельными плоскостями $-2x + 4y + 4z + 9 = 0$ и $-2x + 4y + 4z - 3 = 0$ равно ...

9. Из трех плоскостей Q1: $2x+3y+z-1=0$, Q2: $6x+y-2z+2=0$, Q3: $4x+6y+2z+4=0$, параллельными являются:

1) Q3 и Q2

2) нет параллельных плоскостей

3) Q2 и Q1

4) Q1 и Q3

10. Уравнение $x^2 - 4x + y^2 = 0$ определяет окружность радиуса ...

Краткие методические указания

ПТМ содержат тестовые задания с выбором одного или нескольких правильных ответов, ввод числа.

Шкала оценки

Оценк а	Балл ы	Описание
5	3	Задание выполнено полностью и абсолютно правильно.
4	2	Задание выполнено полностью и правильно, но решение содержит некоторые неточности и несущественные ошибки.
3	1	Задание выполнено не полностью, с существенными ошибками, но подход к решению, идея решения, метод правильны.
2	0	Задание не выполнено, имеет ошибки.

5.8 Примеры тестовых заданий

Тест 4

1. Если $z_1 = -6 + 5i$, $z_2 = -4 + i$, то сумма действительной и мнимой частей числа $z_1 \cdot z_2$ равна

2. Для квадратного уравнения $z^2 + 14z + 58 = 0$ сумма действительной и мнимой частей корня, лежащего в нижней полуплоскости, равна ...

3. Аргумент комплексного числа $z = \sqrt{3} - i$ равен

1) $\frac{\pi}{3}$

2) $\frac{4\pi}{3}$

3) $\frac{11\pi}{6}$

4) $\frac{\pi}{6}$

4. Модуль комплексного числа $z = 1 - \sqrt{3}i$ равен ...

Краткие методические указания

ПТМ содержат тестовые задания с выбором одного правильного ответа, ввод числа.

Шкала оценки

Оценк а	Балл ы	Описание
5	3	Задание выполнено полностью и абсолютно правильно.
4	2	Задание выполнено полностью и правильно, но решение содержит некоторые неточности и несущественные ошибки.
3	1	Задание выполнено не полностью, с существенными ошибками, но подход к решению, идея решения, метод правильны.
2	0	Задание не выполнено, имеет ошибки.

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
ВЛАДИВОСТОКСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
КАФЕДРА МАТЕМАТИКИ И МОДЕЛИРОВАНИЯ

Рабочая программа дисциплины (модуля)
АЛГЕБРА И ГЕОМЕТРИЯ

Направление и направленность (профиль)
01.03.04 Прикладная математика. Интеллектуальный анализ данных

Год набора на ОПОП
2025

Форма обучения
очная

Владивосток 2025

Рабочая программа дисциплины (модуля) «Алгебра и геометрия» составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки 01.03.04 Прикладная математика (утв. приказом Минобрнауки России от 10.01.2018г. №11) и Порядком организации и осуществления образовательной деятельности по образовательным программам высшего образования – программам бакалавриата, программам специалитета, программам магистратуры (утв. приказом Минобрнауки России от 06.04.2021 г. N245).

Составитель(и):

Голодная Н.Ю., доцент, Кафедра математики и моделирования,
Natalya.Golodnaya@vvsu.ru

Мазелис Л.С., доктор экономических наук, профессор, Кафедра математики и моделирования, lev.mazelis@vvsu.ru

Утверждена на заседании кафедры математики и моделирования от 15.05.2025 ,
протокол № 9

СОГЛАСОВАНО:

Заведующий кафедрой (разработчика)

Галимзянова К.Н.

ДОКУМЕНТ ПОДПИСАН ЭЛЕКТРОННОЙ ПОДПИСЬЮ	
Сертификат	1599657997
Номер транзакции	0000000000EA0ABD
Владелец	Галимзянова К.Н.

1 Цель, планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю)

Целями освоения дисциплины «Алгебра и геометрия» являются ознакомление с основными понятиями алгебры и геометрии, освоение методов и способов решения алгебраических и геометрических задач, развитие логического и алгоритмического мышления, овладение основными методами исследования и решения математических задач, выработка умения самостоятельно расширять математические знания и проводить математический анализ прикладных задач.

Задачами дисциплины «Алгебра и геометрия» являются:

- обучение студентов методам алгебры и геометрии, необходимых им при изучении остальных курсов;
- привитие студентам навыков исследования с использованием методов алгебры;
- обучение студентов методам логически строгого построения доказательств;
- формирование навыков и умений, необходимых при практическом применении математических идей и методов для анализа и моделирования сложных систем, процессов, явлений, для поиска оптимальных решений и выбора наилучших способов реализации

Планируемыми результатами обучения по дисциплине (модулю), являются знания, умения, навыки. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы, представлен в таблице 1.

Таблица 1 – Компетенции, формируемые в результате изучения дисциплины (модуля)

Название ОПОП ВО, сокращенное	Код и формулировка компетенции	Код и формулировка индикатора достижения компетенции	Результаты обучения по дисциплине		
			Код результата	Формулировка результата	
01.03.04 «Прикладная математика» (Б-ПМ)	ОПК-1 : Способен применять знание фундаментальной математики и естественно-научных дисциплин при решении задач в области естественных наук и инженерной практике	ОПК-1.1в : Обладает математической культурой и системным мышлением, позволяющими при решении задач в области естественных наук использовать математические методы и инструменты для проведения критического анализа ситуаций и моделирования процессов и явлений	РД1	Знание	основных положений векторной и линейной алгебры, аналитической геометрии на плоскости и в пространстве, теории комплексных чисел
			РД2	Умение	решать типовые задачи по векторной и линейной алгебре, аналитической геометрии на плоскости и в пространстве, теории комплексных чисел
			РД3	Навык	решения типовых задач с применением математического аппарата теории матриц и систем линейных уравнений, векторной алгебры, аналитической геометрии, аналитическими методами исследования геометрических объектов

В процессе освоения дисциплины решаются задачи воспитания гармонично развитой, патриотичной и социально ответственной личности на основе традиционных российских духовно-нравственных и культурно-исторических ценностей, представленные в таблице 1.2.

Таблица 1.2 – Целевые ориентиры воспитания

Воспитательные задачи	Формирование ценностей	Целевые ориентиры
Формирование научного мировоззрения и культуры мышления		
Развитие творческих способностей и умения решать нестандартные задачи	Коллективизм	Гибкость мышления

2 Место дисциплины (модуля) в структуре ОПОП

Дисциплина «Алгебра и геометрия» относится к обязательной части цикла дисциплин «Блока 1 Дисциплины (модули)» и имеет логическую и содержательно-методическую взаимосвязь с дисциплинами ОПОП. Дисциплина базируется на компетенциях, сформированных на предыдущем уровне образования. Для изучения алгебры и геометрии требуется качественное знание школьного курса алгебры, геометрии, тригонометрии, начал анализа, информатики.

3. Объем дисциплины (модуля)

Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу с обучающимися (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу, приведен в таблице 2.

Таблица 2 – Общая трудоемкость дисциплины

Название ОПОП ВО	Форма обуче- ния	Часть УП	Семестр (ОФО) или курс (ЗФО, ОЗФО)	Трудо- емкость	Объем контактной работы (час)						СРС	Форма аттес- тации
				(З.Е.)	Всего	Аудиторная			Внеауди- торная			
						лек.	прак.	лаб.	ПА	КСР		
01.03.04 Прикладная математика	ОФО	Б1.Б	1	5	109	54	54	0	1	0	71	Э

4 Структура и содержание дисциплины (модуля)

4.1 Структура дисциплины (модуля) для ОФО

Тематический план, отражающий содержание дисциплины (перечень разделов и тем), структурированное по видам учебных занятий с указанием их объемов в соответствии с учебным планом, приведен в таблице 3.1

Таблица 3.1 – Разделы дисциплины (модуля), виды учебной деятельности и формы текущего контроля для ОФО

№	Название темы	Код ре-зультата обучения	Кол-во часов, отведенное на				Форма текущего контроля
			Лек	Практ	Лаб	СРС	
1	Определители и матрицы	РД1, РД2, РД3	6	8	0	8	теоретический опрос, контрольная работа, тест
2	Система линейных алгебраических уравнений	РД1, РД2, РД3	4	6	0	8	теоретический опрос, индивидуальное домашнее задание, тест

3	Линейные пространства	РД1, РД2	8	6	0	6	теоретический опрос, индивидуальное домашнее задание, тест
4	Евклидовы пространства	РД1, РД2	6	6	0	6	теоретический опрос, индивидуальное домашнее задание, тест
5	Линейные операторы	РД1, РД2	4	6	0	6	теоретический опрос, контрольная работа, тест
6	Элементы векторной алгебры	РД1, РД2, РД3	7	7	0	9	теоретический опрос, контрольная работа, тест
7	Прямая на плоскости	РД1, РД2, РД3	4	4	0	6	теоретический опрос, контрольная работа, тест
8	Кривые второго порядка	РД1, РД2, РД3	4	2	0	4	теоретический опрос, индивидуальное домашнее задание
9	Плоскость и прямая линия в пространстве	РД1, РД2, РД3	4	4	0	8	теоретический опрос, контрольная работа №3, тест 3
10	Поверхности	РД1, РД2, РД3	3	3	0	6	теоретический опрос, индивидуальное домашнее задание
11	Комплексные числа	РД1, РД2, РД3	4	2	0	4	теоретический опрос, индивидуальное домашнее задание, тест
Итого по таблице			54	54	0	71	

4.2 Содержание разделов и тем дисциплины (модуля) для ОФО

Тема 1 Определители и матрицы.

Содержание темы: Определители второго и третьего порядков. Правила вычисления определителей второго и третьего порядка. Понятие минора и алгебраического дополнения. Определители n-го порядка. Свойства определителей. Методы вычисления определителей (метод понижения порядка, метод приведения к треугольному виду). Виды матриц (квадратная, единичная, прямоугольная, диагональная, матрица - столбец, матрица – строка, нулевая). Вырожденная и невырожденная матрицы. Транспонированная матрица. Линейные операции: умножение матрицы на число и сложение матриц. Свойства линейных операций. Умножение матриц, свойства умножения матриц. Элементарные преобразования матрицы. Обратная матрица. Необходимое и достаточное условие существования обратной матрицы. Теорема о единственности матрицы, обратной данной. Методы нахождения обратной матрицы (метод присоединенной матрицы, метод элементарных преобразований). Ранг матрицы. Понятие базисного минора матрицы. Различные способы нахождения ранга матрицы: метод окаймляющих миноров, приведение матрицы к трапециевидной (ступенчатой) и диагональной форме с помощью элементарных преобразований.

Формы и методы проведения занятий по теме, применяемые образовательные технологии: стандартная, «Метод кооперативного обучения».

Виды самостоятельной подготовки студентов по теме: подготовка теоретическому опросу, подготовка к практическим занятиям, подготовка к контрольной работе, подготовка к тесту 1, изучение материала в СЭО (Moodle), подготовка к СИТО.

Тема 2 Система линейных алгебраических уравнений.

Содержание темы: Система линейных алгебраических уравнений (СЛАУ). Основные понятия. Решение СЛАУ. Эквивалентные (равносильные) системы уравнений. Определенные и неопределенные, совместные и несовместные СЛАУ. Представление СЛАУ в матричной форме. Матричный способ решения СЛАУ. Решение матричного

уравнения. Правило Крамера для решения систем линейных уравнений с неизвестными (теорема). Метод Гаусса для системы линейных уравнений с неизвестными. Система линейных уравнений с неизвестными; базисные и свободные неизвестные (переменные). Общее и частное решения СЛАУ. Однородные системы линейных уравнений и их решения. Основные свойства однородной системы. Фундаментальная система решений (ФСР) однородной СЛАУ. Исследование СЛАУ на совместность. Теорема Кронекера – Капелли. Линейные преобразования (линейные операторы). Матрица линейного оператора. Собственные значения и собственные векторы линейного преобразования. .

Формы и методы проведения занятий по теме, применяемые образовательные технологии: стандартная, «Метод кооперативного обучения».

Виды самостоятельной подготовки студентов по теме: подготовка к теоретическому опросу, подготовка к практическим занятиям, выполнение ИДЗ, подготовка к тесту 1, изучение материала в СЭО (Moodle), подготовка к СИТО.

Тема 3 Линейные пространства.

Содержание темы: Основные определения, свойства линейных пространств. Базис и размерность линейного пространства: линейные комбинации, линейная оболочка, линейная зависимость, базис и координаты. Понятие изоморфизма линейных пространств. Подпространства линейных пространств: понятие подпространства и линейной оболочки, сумма и пересечение подпространств. Разложение линейного пространства в прямую сумму подпространств.

Формы и методы проведения занятий по теме, применяемые образовательные технологии: стандартная, «Метод кооперативного обучения».

Виды самостоятельной подготовки студентов по теме: подготовка к теоретическому опросу, подготовка к практическим занятиям, подготовка к контрольной работе, подготовка к тесту 1, изучение материала в СЭО (Moodle), подготовка к СИТО.

Тема 4 Евклидовы пространства.

Содержание темы: Определение и основные свойства вещественного евклидова пространства. Ортонормированный базис конечномерного евклидова пространства: понятие и существование ортонормированного базиса, свойства существования ортонормированного базиса. Разложение n -мерного евклидова пространства на прямую сумму подпространства и его ортогонального дополнения. Изоморфизм n -мерных евклидовых пространств. .

Формы и методы проведения занятий по теме, применяемые образовательные технологии: стандартная, «Метод кооперативного обучения».

Виды самостоятельной подготовки студентов по теме: подготовка к теоретическому опросу, подготовка к практическим занятиям, подготовка к контрольной работе, подготовка к тесту 1, изучение материала в СЭО (Moodle), подготовка к СИТО.

Тема 5 Линейные операторы.

Содержание темы: Определения. Действия над линейными операторами. Матричная запись линейных операторов. Преобразование матрицы линейного оператора при переходе к новому базису. Собственные векторы и собственные значения линейных операторов.

Формы и методы проведения занятий по теме, применяемые образовательные технологии: стандартная, «Метод кооперативного обучения».

Виды самостоятельной подготовки студентов по теме: подготовка к теоретическому опросу, подготовка к практическим занятиям, подготовка к контрольной работе, подготовка к тесту 1, изучение материала в СЭО (Moodle), подготовка к СИТО.

Тема 6 Элементы векторной алгебры.

Содержание темы: Прямоугольные и полярные координаты на плоскости. Преобразования координат на плоскости и в пространстве. Проекция вектора на ось, составляющая (компонента) вектора на ось, свойства проекций. Линейная зависимость векторов. Базис на плоскости и в пространстве. Координаты вектора. Разложение вектора по базису. Декартов прямоугольный базис. Направляющие косинусы вектора. Векторное произведение векторов и его свойства. Геометрический и физический смыслы векторного произведения. Смешанное произведение векторов и его свойства. Геометрический смысл смешанного произведения. Необходимое и достаточное условие компланарности трех векторов в пространстве.

Формы и методы проведения занятий по теме, применяемые образовательные технологии: стандартная, «Метод кооперативного обучения».

Виды самостоятельной подготовки студентов по теме: подготовка к теоретическому опросу, подготовка к практическим занятиям, подготовка к контрольной работе, подготовка к тесту 2, изучение материала в СЭО (Moodle), подготовка к СИТО.

Тема 7 Прямая на плоскости.

Содержание темы: Элементы аналитической геометрии на плоскости. Метод координат. Линия на плоскости. Основные задачи аналитической геометрии на плоскости. Прямая на плоскости. Понятия нормального и направляющего векторов прямой. Нормальное уравнение прямой и его геометрический смысл. Уравнение прямой, проходящей через данную точку перпендикулярно заданному направлению. Общее уравнение прямой и его частные случаи. Уравнение прямой с угловым коэффициентом и его геометрический смысл. Уравнение прямой в отрезках и его геометрический смысл. Каноническое уравнение прямой. Параметрические уравнения прямой. Уравнение прямой, проходящей через две данные точки. Уравнение прямой, проходящей через данную точку в заданном направлении. Условия параллельности и перпендикулярности двух прямых. Угол между двумя прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности двух прямых, заданных общими уравнениями. Расстояние от данной точки до прямой на плоскости.

Формы и методы проведения занятий по теме, применяемые образовательные технологии: стандартная, «Метод кооперативного обучения».

Виды самостоятельной подготовки студентов по теме: подготовка к теоретическому опросу, подготовка к практическим занятиям, подготовка к контрольной работе, подготовка к тесту 3, изучение материала в СЭО (Moodle), подготовка к СИТО.

Тема 8 Кривые второго порядка.

Содержание темы: Кривые второго порядка. Каноническое уравнение окружности. Эллипс, его каноническое уравнение и свойства. Исследование формы эллипса по его уравнению. Окружность как частный случай эллипса. Параметрические уравнения эллипса. Гипербола, ее каноническое уравнение и свойства. Сопряженная гипербола. Исследование формы гиперболы. Параметрические уравнения гиперболы. Парабола, ее каноническое уравнение и свойства. Исследование формы параболы. Общее уравнение кривой второго порядка и его приведение к каноническому виду. Классификация кривых второго порядка.

Формы и методы проведения занятий по теме, применяемые образовательные технологии: стандартная.

Виды самостоятельной подготовки студентов по теме: подготовка к теоретическому опросу, подготовка к практическому занятию, выполнение ИДЗ, изучение материала в СЭО (Moodle), подготовка к СИТО.

Тема 9 Плоскость и прямая линия в пространстве.

Содержание темы: Элементы аналитической геометрии в пространстве. Метод координат в пространстве. Плоскость, нормальный вектор плоскости. Нормальное уравнение плоскости и его геометрический смысл. Уравнение плоскости, проходящей через

заданную точку, перпендикулярно заданному направлению. Общее уравнение плоскости и его частные случаи. Уравнение плоскости в отрезках и его геометрический смысл. Уравнение плоскости, проходящей через три заданные точки. Угол между двумя плоскостями, взаимное расположение двух плоскостей. Расстояние от точки до плоскости. Взаимное расположение трех плоскостей в пространстве, связь с решением системы трех линейных алгебраических уравнений с тремя не-известными. Построение плоскости. Общие уравнения прямой. Канонические уравнения прямой. Параметрические уравнения прямой. Уравнения прямой, проходящей через две данные точки. Угол между двумя прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности двух прямых в пространстве. Скрещивающиеся прямые. Необходимое и достаточное условие пересечения непараллельных прямых. Приведение общих уравнений прямой к каноническому виду. Проекция прямой на плоскость. Угол между прямой и плоскостью. Условия параллельности и перпендикулярности прямой и плоскости. Пересечение прямой и плоскости в пространстве. Принадлежность прямой плоскости.

Формы и методы проведения занятий по теме, применяемые образовательные технологии: стандартная, «Метод кооперативного обучения».

Виды самостоятельной подготовки студентов по теме: подготовка к теоретическому опросу, подготовка к практическим занятиям, подготовка к контрольной работе, подготовка к тесту 3, изучение материала в СЭО (Moodle), подготовка к СИТО.

Тема 10 Поверхности.

Содержание темы: Поверхности второго порядка и их канонические уравнения. Поверхности вращения. Цилиндрические поверхности. Конические поверхности. Мнимые поверхности. Эллипсоид. Гиперboloиды. Параболоиды. Метод сечений для исследования и построения поверхностей второго порядка. Общее уравнение поверхности второго порядка и его приведение к каноническому виду.

Формы и методы проведения занятий по теме, применяемые образовательные технологии: стандартная, «Метод кооперативного обучения».

Виды самостоятельной подготовки студентов по теме: подготовка к теоретическому опросу, подготовка к практическому занятию, выполнение ИДЗ, изучение материала в СЭО (Moodle), подготовка к СИТО.

Тема 11 Комплексные числа.

Содержание темы: Основные понятия. Операции над комплексными числами: сложение (вычитание), умножение, деление. Свойства операций. Модуль комплексного числа и его свойства. Сопряженное комплексное число и его свойства. Комплексная плоскость, геометрическое изображение комплексного числа на комплексной плоскости. Формы записи комплексного числа: алгебраическая, тригонометрическая, показательная (представление Эйлера). Действия над комплексными числами в тригонометрической форме. Формулы Муавра (возведение комплексного числа в степень, извлечение корня из комплексного числа).

Формы и методы проведения занятий по теме, применяемые образовательные технологии: стандартная.

Виды самостоятельной подготовки студентов по теме: подготовка к теоретическому опросу, подготовка к практическому занятию, выполнение ИДЗ, изучение материала в СЭО (Moodle), подготовка к СИТО.

5 Методические указания для обучающихся по изучению и реализации дисциплины (модуля)

5.1 Методические рекомендации обучающимся по изучению дисциплины и по обеспечению самостоятельной работы

При реализации дисциплины (модуля) применяется электронный учебный курс, размещённый в системе электронного обучения Moodle.

Для обеспечения систематической и регулярной работы по изучению дисциплины и успешного прохождения текущих и промежуточных контрольных испытаний студенту рекомендуется придерживаться следующего порядка обучения:

- самостоятельно определить объем времени, необходимого для проработки каждой темы;
- регулярно изучать каждую тему дисциплины, используя различные формы индивидуальной работы;
- согласовывать с преподавателем виды работы по изучению дисциплины.

При выполнении индивидуальных домашних заданий необходимо использовать теоретический материал, делать ссылки на соответствующие теоремы, свойства, формулы и др. Решение ИДЗ выполняется подробно и содержит необходимые пояснительные ссылки.

Самостоятельность в учебной работе способствует развитию заинтересованности студента в изучаемом материале, вырабатывает у него умение и потребность самостоятельно получать знания, что весьма важно для специалиста с высшим образованием.

Целью самостоятельной работы студентов является овладение фундаментальными знаниями, профессиональными умениями и навыками деятельности по профилю, опытом творческой, исследовательской деятельности.

Самостоятельная работа студента включает следующие виды, выполняемые в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования и рабочим учебным планом:

- аудиторная самостоятельная работа студента под руководством и контролем преподавателя на лекции;
- внеаудиторная самостоятельная работа студента под руководством и контролем преподавателя: изучение теоретического материала, подготовка к аудиторным занятиям (лекция, практическое занятие, коллоквиум, контрольная работа, тестирование, устный опрос), дополнительные занятия, текущие консультации по дисциплине.

В качестве самостоятельной работы предполагается изучение некоторых разделов дисциплины:

- элементы векторной алгебры (скалярные и векторные величины. Векторы на плоскости и в пространстве. Радиус-вектор. Определение длины (модуля) вектора; нулевой вектор; равные, противоположные, коллинеарные и компланарные векторы. Линейные операции над векторами: сложение векторов и умножение вектора на число. Свойства линейных операций. Линейные операции над векторами в координатной форме. Деление отрезка в данном отношении. Скалярное произведение векторов и его свойства. Физический смысл скалярного произведения. Скалярное произведение векторов в координатной форме. Косинус угла между векторами. Условие коллинеарности векторов.);
- поверхности (поверхности второго порядка и их канонические уравнения. Поверхности вращения. Цилиндрические поверхности. Конические поверхности. Мнимые поверхности. Эллипсоид. Гиперболоиды. Параболоиды. Метод сечений для исследования и построения поверхностей второго порядка. Общее уравнение поверхности второго порядка и его приведение к каноническому виду).

Контроль успеваемости осуществляется в соответствии с рейтинговой системой оценки знаний студентов. Оценка по дисциплине определяется по 100-бальной шкале как

сумма баллов, набранных студентом в результате работы в семестре: обязательными баллами оценивается посещение лекционных занятий, работа на практических (семинарских) занятиях, теоретический опрос, тесты, выполнение контрольных работ, ИДЗ, предусмотренных учебным планом.

Распределение баллов доводится до студентов в начале семестра.

Учебным планом предусмотрены консультации, которые студент может посещать по желанию.

При реализации дисциплины (модуля) применяется электронный учебный курс, размещённый в системе электронного обучения Moodle.

5.2 Особенности организации обучения для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

При необходимости обучающимся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов (по заявлению обучающегося) предоставляется учебная информация в доступных формах с учетом их индивидуальных психофизических особенностей:

- для лиц с нарушениями зрения: в печатной форме увеличенным шрифтом; в форме электронного документа; индивидуальные консультации с привлечением тифлосурдопереводчика; индивидуальные задания, консультации и др.

- для лиц с нарушениями слуха: в печатной форме; в форме электронного документа; индивидуальные консультации с привлечением сурдопереводчика; индивидуальные задания, консультации и др.

- для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата: в печатной форме; в форме электронного документа; индивидуальные задания, консультации и др.

6 Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю)

В соответствии с требованиями ФГОС ВО для аттестации обучающихся на соответствие их персональных достижений планируемым результатам обучения по дисциплине (модулю) созданы фонды оценочных средств. Типовые контрольные задания, методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений и навыков, а также критерии и показатели, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и характеризующие этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы, представлены в Приложении 1.

7 Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)

7.1 Основная литература

1. Бортаковский, А. С. Линейная алгебра в примерах и задачах : учебное пособие / А. С. Бортаковский, А. В. Пантелеев. — 3-е изд., стер. — Москва : ИНФРА-М, 2023. — 592 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-010586-4. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.ru/catalog/product/1907364> (Дата обращения - 05.09.2025)

2. Ивлева, А. М. Основы алгебры и аналитической геометрии : учебник / А. М. Ивлева. — 2-е изд. — Новосибирск : НГТУ, 2021. — 286 с. — ISBN 978-5-7782-4430-6. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/216242> (дата обращения: 09.09.2025). — Режим доступа: для авториз. пользователей.

3. Потапов А. П. ЛИНЕЙНАЯ АЛГЕБРА И АНАЛИТИЧЕСКАЯ ГЕОМЕТРИЯ. Учебник и практикум для вузов [Электронный ресурс] , 2020 - 309 - Режим доступа: <https://urait.ru/book/lineynaya-algebra-i-analiticheskaya-geometriya-451035>

7.2 Дополнительная литература

1. Бурмистрова, Е. Б. Линейная алгебра : учебник и практикум для вузов / Е. Б. Бурмистрова, С. Г. Лобанов. — Москва : Издательство Юрайт, 2023. — 421 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-15839-7. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/509853> (дата обращения: 01.03.2023).

2. Шуман, Г. И. Алгебра и геометрия : учебное пособие / Г.И. Шуман, О.А. Волгина, Н.Ю. Голодная. - Москва : РИОР : ИНФРА-М, 2025. - 160 с. - (Высшее образование). — DOI: <https://doi.org/10.12737/1708-1>. - ISBN 978-5-369-01708-1. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.ru/catalog/product/2082656> (Дата обращения - 05.09.2025)

7.3 Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", включая профессиональные базы данных и информационно-справочные системы (при необходимости):

1. Математический форум Math Help Planet (<http://mathhelpplanet.com/static.php>)
2. Образовательная платформа "ЮРАЙТ" - Режим доступа: <https://urait.ru/>
3. Система электронного обучения ВГУЭС (<http://edu.vvsu.ru>)
4. Электронно-библиотечная система "ZNANIUM.COM"
5. Электронно-библиотечная система "ЛАНЬ"
6. Электронно-библиотечная система издательства "Юрайт" - Режим доступа: <https://urait.ru/>
7. Open Academic Journals Index (ОАИ). Профессиональная база данных - Режим доступа: <http://oaji.net/>
8. Президентская библиотека им. Б.Н.Ельцина (база данных различных профессиональных областей) - Режим доступа: <https://www.prilib.ru/>
9. Информационно-справочная система "Консультант Плюс" - Режим доступа: <http://www.consultant.ru/>

8 Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля) и перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения

Основное оборудование:

- Мульти-медийный комплект № 2: Проектор Panasonic PT-LX26HE, потолочное крепление Tuarex Corsa, клеммный модуль Kramer WX -1N, коннектор VGA, экран Lumien Escopicture

- Мультимедийная трибуна E-Station S
- Проектор № 1 Epson EB-480

Программное обеспечение:

- Microsoft Office Professional Plus 2013 Russian