

МИНОБРАЗОВАНИЯ РОССИИ
ВЛАДИВОСТОКСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА
УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

ОП.01 ЭЛЕМЕНТЫ ВЫСШЕЙ МАТЕМАТИКИ

программы подготовки специалистов среднего звена

09.02.01 Компьютерные системы и комплексы

Форма обучения: *очная*

Владивосток 2026

Рабочая программа учебной дисциплины ОП.01 «Элементы высшей математики» разработана в соответствии с требованиями Федерального государственного образовательного стандарта среднего профессионального образования по специальности 09.02.01 Компьютерные системы и комплексы, утверждённого приказом Минпросвещения России от 25 мая 2022 г. № 362, примерной образовательной программой.

Разработчик(и): Е.А. Стефанович, преподаватель КСД ВВГУ

Рассмотрено и одобрено на заседании цикловой методической комиссии

Протокол № 9 от «18» 05 2026 г.

Председатель ЦМК  Е.А. Стефанович
подпись

СОДЕРЖАНИЕ

- 1 ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ
УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**
- 2 СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ
ДИСЦИПЛИНЫ**
- 3 УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**
- 4 КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ
УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

1. ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА ПРИМЕРНОЙ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

ОП.01 ЭЛЕМЕНТЫ ВЫСШЕЙ МАТЕМАТИКИ

1.1 Место дисциплины в структуре основной образовательной программы

Учебная дисциплина «Элементы высшей математики» является обязательной частью общепрофессионального цикла примерной основной образовательной программы в соответствии с ФГОС СПО по специальности 09.02.01 Компьютерные системы и комплексы.

1.2 Цель и планируемые результаты освоения дисциплины

В рамках программы учебной дисциплины обучающимися осваиваются умения и знания

Код ПК, ОК	Умения	Знания
ОК 01, ОК 02 ПК 1.1, ПК 2.1	Применять современный математический инструментарий для решения практических задач; применять методику построения и анализа математических моделей для оценки состояния явлений и процессов в части математического анализа, линейной алгебры.	Основы математического анализа, линейной алгебры и аналитической геометрии.

2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

2.1. Объем учебной дисциплины и виды учебной работы

Вид учебной работы	Объем часов
Объем образовательной программы учебной дисциплины	92
в том числе:	
– теоретическое обучение	34
– практические занятия	32
– лабораторные занятия	не предусмотрено
– курсовая работа (проект)	не предусмотрено
– самостоятельная работа	16
– консультации	10
– промежуточная аттестация – дифференцированный зачет	

2.2. Тематический план и содержание учебной дисциплины

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала и формы организации деятельности обучающихся	Объем, ак. ч / в том числе в форме практической подготовки, ак. ч	Коды компетенций и личностных результатов, формированию которых способствует элемент программы
1	2	3	4
Раздел 1. Элементы линейной алгебры и аналитической геометрии		30/14	
Тема 1.1. Матрицы и определители	Содержание учебного материала	6	ОК 01, ОК 02 ПК 1.1, ПК 2.1.
	1. Понятие матрицы. Действия над матрицами. Определитель матрицы. Свойства определителей.	4	
	2. Обратная матрица. Ранг матрицы. Операции над матрицами.		
	В том числе практических и лабораторных занятий	2	
	Практическое занятие №1. Выполнение операций над матрицами	2	
	Самостоятельная работа обучающихся	2	
Тема 1.2. Системы линейных уравнений.	Содержание учебного материала	6	ОК 01, ОК 02 ПК 1.1, ПК 2.1.
	1. Основные понятия и определения. Метод Гаусса	2	
	2. Метод обратной матрицы. Правило Крамера.		
	В том числе практических и лабораторных занятий	4	
	Практическое занятие № 2. Решение систем линейных уравнений.	2	
	Практическое занятие № 3. Применение различных методов решения линейных уравнений	2	
	Самостоятельная работа обучающихся	2	
Тема 1.3. Комплексные числа	Содержание учебного материала	4	ОК 01, ОК 02. ПК 1.1, ПК 2.1.
	1. Понятие комплексного числа. Формы представления комплексных чисел	2	
	2. Действия с комплексными числами.		
	В том числе практических и лабораторных занятий	2	

	Практическое занятие № 4. Действия с комплексными числами	2	
	Самостоятельная работа обучающихся	2	
Тема 1.4. Элементы аналитической геометрии	Содержание учебного материала	12	ОК 01, ОК 02. ПК 1.1, ПК 2.1.
	1. Векторы на плоскости и в пространстве. Операции над векторами. Понятие базиса. Линейная зависимость векторов.	6	
	2. Матрица линейного оператора. Собственные векторы и собственные значения линейного оператора.		
	3. Уравнения линий. Прямая на плоскости. Кривые второго порядка.		
	4. Прямая и плоскость в пространстве.		
	В том числе практических и лабораторных занятий	6	
	Практическое занятие № 5. Выполнение действий с векторами.	2	
	Практическое занятие № 6. Задание и определение параметров прямых на плоскости и в пространстве	2	
	Практическое занятие № 7. Задание определение параметров кривых второго порядка на плоскости.	2	
	Самостоятельная работа обучающихся	2	
Раздел 2. Основы дифференциального и интегрального исчисления		36/20	
Тема 2.1. Пределы и непрерывность	Содержание учебного материала	4	ОК 01, ОК 02 ПК 1.1, ПК 2.1.
	Числовые функции. Предел числовой последовательности. Основные теоремы о пределах функций. Непрерывность функций	2	
	В том числе практических и лабораторных занятий	2	
	Практическое занятие №. 8. Вычисление пределов функций	2	
	Самостоятельная работа обучающихся	2	
Тема 2.2. Дифференциальное исчисление функции одной переменной	Содержание учебного материала	14	ОК 01, ОК 02 ПК 1.1, ПК 2.1.
	1. Понятие производной. Таблица производных. Основные правила дифференцирования.	2	
	2. Основные теоремы дифференциального исчисления. Исследование функций с помощью производных.	2	
	3. Дифференциал и его приложения.	2	
	В том числе практических и лабораторных занятий	8	
	Практическое занятие № 9, 10. Вычисление производных.	4	

	Практическое занятие № 11, 12. Исследование функций с помощью производных.	4	
	Самостоятельная работа обучающихся	2	
Тема 2.3. Дифференциальные уравнения	Содержание учебного материала	6	ОК 01, ОК 02 ПК 1.1, ПК 2.1.
	Виды дифференциальных уравнений первого порядка. Методы решения линейных дифференциальных уравнений первого порядка.	2	
	В том числе практических и лабораторных занятий	4	
	Практическое занятие № 13, 14. Решение дифференциальных уравнений	4	
	Самостоятельная работа обучающихся	2	
Тема 2.4. Интегральное исчисление функций одной переменной	Содержание учебного материала	12	ОК 01, ОК 02 ПК 1.1, ПК 2.1.
	1. Первообразная и неопределенный интеграл. Методы интегрирования	2	
	2. Определенный интеграл и его свойства. Приложения определенного интеграла	2	
	В том числе практических и лабораторных занятий	8	
	Практическое занятие № 15, 16. Вычисление определенных интегралов	4	
	Практическое занятие № 17. Решение практических задач с применением свойств интегралов	4	
	Самостоятельная работа обучающихся	2	
Консультация		10	
Всего:		92	

3 УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

3.1 Материально-техническое обеспечение

Кабинет «Математических дисциплин», оснащенный оборудованием, техническими средствами обучения:

количество посадочных мест – 40, АРМ для преподавателя (компьютерный стол, стул, ПК-монитор облачный 23"LG) 1 шт., АРМ (компьютерный стол, стул, ПК-монитор облачный 23"LG) 10шт., интерактивная доска 1 шт., доска маркерная меловая комбинированная 1 шт., дидактические пособия.

Программное обеспечение:

1. Microsoft WIN VDA PerDevice AllLng (ООО "Акцент", Договор №764 от 14.10.19, лицензия № V8953642 , срок с 01.11.19 по 31.10.20);
2. Microsoft Office Pro Plus Educational AllLng (ООО "Акцент", Договор №765 от 14.10.19, лицензия № V8953642 , срок с 01.11.19 по 31.10.20);
3. Yandex (свободное);
4. Google Chrome (свободное);
5. Internet Explorer (свободное)

3.2. Информационное обеспечение реализации программы

Для реализации программы учебной дисциплины библиотечный фонд ВВГУ укомплектован печатными и электронными изданиями.

Обучающиеся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья обеспечены печатными и (или) электронными образовательными ресурсами в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья.

Основная литература

1. Григорьев В.П. Элементы высшей математики: учебник для студ. учреждений сред.проф. образования / В.П. Григорьев, Ю.А. Дубинский, Т.Н. Сабурова. 3-е изд., стер. – М.: Издательский центр «Академия», 2020. – 400 с.

2. Баврин, И. И. Математика : учебник и практикум для среднего профессионального образования / И. И. Баврин. — 2-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2020. — 616 с. — (Профессиональное образование). — ISBN 978-5-534-13068-3. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/449045> (дата обращения: 17.09.2020).

3. Богомолов, Н. В. Математика : учебник для среднего профессионального образования / Н. В. Богомолов, П. И. Самойленко. — 5-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2020. — 401 с. — (Профессиональное образование). — ISBN 978-5-534-07878-7. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/449006> (дата обращения: 17.09.2020).

4. Математика. Практикум : учебное пособие для среднего профессионального образования / О. В. Татарников [и др.]. — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 285 с. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/433902> (дата обращения: 17.09.2020).

Электронные ресурсы

1. Бардушкин, В. В. Математика. Элементы высшей математики [Электронный ресурс]: учебник : в 2 т. Т. 1 / В. В. Бардушкин, А. А. Прокофьев. — М.: КУРС: ИНФРА-М, 2020. — 304 с. - Режим доступа: <https://znanium.com/catalog/product/1079342>.

2. Бардушкин, В. В. Математика. Элементы высшей математики: учебник [Электронный ресурс]: в 2 т. Т. 2 / В. В. Бардушкин, А. А. Прокофьев. — М.: КУРС: НИЦ ИНФРА-М, 2021. — 368 с. - Режим доступа: <https://znanium.com/catalog/product/1178146>.

3. Высшая математика : учебник и практикум для среднего профессионального образования / М. Б. Хрипунова [и др.] ; под общей редакцией М. Б. Хрипуновой, И. И. Цыганок. — Москва : Издательство Юрайт, 2022. — 472 с. — (Профессиональное образование). — ISBN 978-5-534-01497-6. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/491581> (дата обращения: 17.08.2022).

4. Антонов, В. И. Элементарная и высшая математика : учебное пособие для СПО / В. И. Антонов, Ф. И. Копелевич. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 136 с. — ISBN 978-5-8114-8759-2. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/208562> (дата обращения: 18.08.2022).

5. Шипачев, В. С. Начала высшей математики : учебное пособие для СПО / В. С. Шипачев. — 2-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 384 с. — ISBN 978-5-8114-9048-6. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/183785> (дата обращения: 18.08.2022).

6. Ельчанинова, Г. Г. Элементы высшей математики. Типовые задания с примерами решений / Г. Г. Ельчанинова, Р. А. Мельников. — Санкт-Петербург : Лань, 2020. — 92 с. — ISBN 978-5-8114-4670-4. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/148280> (дата обращения: 18.08.2022).

Дополнительные источники

1. Гисин, В. Б. Математика. Практикум : учебное пособие для среднего профессионального образования / В. Б. Гисин, Н. Ш. Кремер. — Москва : Издательство Юрайт, 2020. — 202 с. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/449059> (дата обращения: 17.09.2020).

2. Дорофеева, А. В. Математика : учебник для среднего профессионального образования / А. В. Дорофеева. — 3-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2020. — 400 с. — (Профессиональное образование). — ISBN 978-5-534-03697-8. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/449047> (дата обращения: 17.09.2020).

3. Кремер, Н.Ш. Математика для колледжей: учебное пособие для среднего профессионального образования / Н.Ш. Кремер, О.Г. Константинова, М.Н. Фридман; под редакцией Н.Ш. Кремера. — 10-е изд., перераб. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2021. — 346 с. — (Профессиональное образование).

4 КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Результаты обучения	Критерии оценки	Методы оценки
Перечень знаний, осваиваемых в рамках дисциплины		
Знать:	Не менее 60% верных ответов	Тестовые задания

основы линейной алгебры и аналитической геометрии основы дифференциального и интегрального исчисления; основы теории комплексных чисел.		
Перечень умений, осваиваемых в рамках дисциплины		
Уметь: применять современный математический инструментарий для решения практических задач; применять методику построения и анализа математических моделей для оценки состояния явлений и процессов в части математического анализа, линейной алгебры.	Результаты выполнения практических заданий полностью соответствуют эталонным – оценка «отлично», результаты выполнения практических заданий соответствуют эталонным с незначительными отклонениями – оценка «хорошо», результаты выполнения практических заданий частично соответствуют эталонным – оценка «удовлетворительно», результаты выполнения практических заданий не соответствуют эталонным – оценка «неудовлетворительно».	Наблюдения в процессе выполнения практических и контрольных/ экзаменационных заданий

Для оценки достижения запланированных результатов обучения по дисциплине разработаны контрольно-оценочные средства для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации, которые прилагаются к рабочей программе дисциплины.

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
ВЛАДИВОСТОКСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ

КОНТРОЛЬНО-ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА
для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации
по учебной дисциплине
ОП.01 ЭЛЕМЕНТЫ ВЫСШЕЙ МАТЕМАТИКИ

программы подготовки специалистов среднего звена

09.02.01 Компьютерные системы и комплексы

Форма обучения: очная

Владивосток 2026

Контрольно-оценочные средства для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации по учебной дисциплине ОП.01 «Элементы высшей математики» разработаны в соответствии с требованиями ФГОС СПО по специальности 09.02.01 Компьютерные системы и комплексы утверждённого приказом Минпросвещения России от 25 мая 2022 г. № 362.

Разработчик: Е.А. Стефанович, преподаватель

Рассмотрено и одобрено на заседании цикловой методической комиссии

Протокол № 9 от « 18 » 05 2026 г.

Председатель ЦМК  Е.А. Стефанович
подпись

1 Общие сведения

Контрольно-оценочные средства (далее – КОС) предназначены для контроля и оценки образовательных достижений обучающихся, освоивших программу учебной дисциплины ОП.01 «Элементы высшей математики».

КОС включают в себя контрольные материалы для проведения текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации по дисциплине, которая проводится в форме дифференцированного зачёта (с использованием оценочного средства - устный опрос в форме ответов на вопросы, устный опрос в форме собеседования, выполнение письменных заданий)

2 Планируемые результаты обучения по дисциплине, обеспечивающие результаты освоения образовательной программы

Код ОК, ПК	Код результата обучения	Наименование результата обучения
ОК 01, ОК 02 ПК 1.1, ПК 2.1	31	Основы математического анализа, линейной алгебры и аналитической геометрии.
	32	Основы дифференциального и интегрального исчисления.
	33	Основы теории комплексных чисел.
	У1	Выполнять операции над матрицами и решать системы линейных уравнений.
	У2	Определять предел последовательности, предел функции.
	У3	Применять методы дифференциального и интегрального исчисления.
	У4	Использовать методы дифференцирования и интегрирования для решения практических задач.
	У5	Решать дифференциальные уравнения.
	У6	Пользоваться понятиями теории комплексных чисел.
	У7	Решать задачи, используя уравнения прямых и кривых второго порядка на плоскости

3 Соответствие оценочных средств контролируемым результатам обучения

3.1 Средства, применяемые для оценки уровня теоретической подготовки

Краткое наименование раздела (модуля) / темы дисциплины	Код результата обучения	Показатель овладения результатами обучения	Наименование оценочного средства и представление его в КОС	
			Текущий контроль	Промежуточная аттестация
Раздел 1. Элементы линейной алгебры и аналитической геометрии				
Тема 1.1. Матрицы и определители	31	Способность перечислять свойства матриц и определителей, находить пути решения	Устный опрос, (п. 5.1, вопросы 1-8) Реферат 5	Вопросы на диф.зачет (п. 6.1)
	У1	Способность выполнять действия над матрицами, вычислять определители	Устный опрос, (п. 5.1, вопросы 4-5) Тест 1	Вопросы на диф.зачет (п.6.2)
Тема 1.2. Системы линейных уравнений	31	Перечисление последовательности действий при решении систем линейных уравнений методом обратной матрицы, по формулам Крамера, методом Гаусса	Устный опрос, (п. 5.1, вопросы 9-16) Тест 2	Вопросы на диф.зачет (п. 6.1)
	У1	Решение систем линейных уравнений методом обратной	Устный опрос, (п. 5.1, вопросы 9-	Вопросы на диф.зачет

Краткое наименование раздела (модуля) / темы дисциплины	Код результата обучения	Показатель овладения результатами обучения	Наименование оценочного средства и представление его в КОС	
			Текущий контроль	Промежуточная аттестация
		матрицы - Решение систем линейных уравнений по формулам Крамера - Решение систем линейных уравнений методом Гаусса	16) <i>Реферат 5</i>	(п.6.2)
Тема 1.3. Комплексные числа	33	Способность указывать алгебраическую, тригонометрическую и показательную форму комплексного числа. Знать понятия модуль и аргумент комплексного числа	<i>Устный опрос, (п. 5.1, вопросы 44-51)</i> <i>Реферат 1</i>	<i>Вопросы на диф.зачет (п. 6.1)</i>
	У6	Проводить действия с комплексными числами, находить модуль и аргумент, решать квадратные уравнения, если его $D < 0$	<i>Устный опрос, (п. 5.1, вопросы 44-51)</i>	<i>Вопросы на диф.зачет (п.6.2)</i>
Тема 1.4. Элементы аналитической геометрии	31	Виды уравнения прямых, линий второго порядка и их свойства.	<i>Устный опрос, (п. 5.1, вопросы 30-36)</i> <i>Реферат 6</i>	<i>Вопросы на диф.зачет (п. 6.1)</i>
	У7	Решать задачи, используя уравнения прямых и кривых второго порядка на плоскости	<i>Устный опрос, (п. 5.1, вопросы 37-43)</i>	<i>Вопросы на диф.зачет (п.6.2)</i>
Раздел 2. Основы дифференциального и интегрального исчисления				
Тема 2.1. Пределы и непрерывность	31	Знать определение предела последовательности и его свойства, определение монотонной последовательности	<i>Устный опрос (п. 5.1, вопросы 58-67)</i> <i>Реферат 3</i>	<i>Вопросы на диф.зачет (п. 6.1)</i>
	У2	Способность вычислять предел последовательности, предел функции	<i>Тест № 1 (п.5.3, варианты 1-3)</i>	<i>Вопросы на диф.зачет (п.6.2)</i>
Тема 2.2. Дифференциальное исчисление функции одной переменной	31	Способность формулировать правила дифференцирования и перечислять производные основных элементарных функций	<i>Устный опрос (п. 5.1, вопросы 68-79)</i>	<i>Вопросы на диф.зачет (п. 6.1)</i>
	32	Способность формулировать геометрический и механический смысл производной; правила дифференцирования	<i>Устный опрос, (п. 5.1, вопросы 68-79)</i>	<i>Вопросы на диф.зачет (п. 6.1)</i>
	У3	Способность находить производные сложных функций и высших порядков	<i>Контрольная работа № 1 (п.5.4, задания 1-3)</i> <i>Реферат 4</i>	<i>Вопросы на диф.зачет (п.6.2)</i>
	У4	Способность исследовать функцию и строить графики	<i>Устный опрос, (п. 5.1, вопросы 4-5)</i>	<i>Вопросы на диф.зачет (п.6.2)</i>
Тема 2.3. Дифференциальные уравнения	31	Способность приводить примеры дифференциальных уравнений. Определять порядок	<i>Устный опрос, (п. 5.1, вопросы 109-114)</i>	<i>Вопросы к зачету (п. 6.1)</i>

Краткое наименование раздела (модуля) / темы дисциплины	Код результата обучения	Показатель овладения результатами обучения	Наименование оценочного средства и представление его в КОС	
			Текущий контроль	Промежуточная аттестация
		и способы решения.	<i>Реферат 8</i>	
	32	Способность описания процессов в естествознании и технике с помощью дифференциальных уравнений	<i>Устный опрос, (п. 5.1, вопросы 109-114) Реферат 8</i>	<i>Вопросы на диф.зачет (п. 6.1)</i>
	У3	Решать дифференциальные уравнения первого порядка	<i>Устный опрос, (п. 5.1, вопросы 4-5)</i>	<i>Вопросы на диф.зачет (п.6.2)</i>
	У5	Использовать дифференциальные уравнения при решении прикладных задач	<i>Устный опрос, (п. 5.1, вопросы 4-5)</i>	<i>Вопросы на диф.зачет (п.6.2)</i>
Тема 2.4. Интегральное исчисление функций одной переменной	31	Способность перечислить свойства и методы неопределенных и определенных интегралов	<i>Конспект лекции</i>	<i>Вопросы к зачету (п. 6.1)</i>
	32	Приложение определенного интеграла к вычислению площадей плоских фигур, объемов тел вращения, пути, пройденного точкой	<i>Устный опрос, (п. 5.1, вопросы 80-86)</i>	<i>Вопросы на диф.зачет (п. 6.1)</i>
	У3	Способность находить неопределенные и определенные интегралы	<i>Устный опрос, (п. 5.1, вопросы 4-5)</i>	<i>Вопросы на диф.зачет (п.6.2)</i>
	У4	Способность использовать интегральное исчисление при решении задач	<i>Устный опрос, (п. 5.1, вопросы 4-5)</i>	<i>Вопросы на диф.зачет (п.6.2)</i>

3.2 Средства, применяемые для оценки уровня практической подготовки

Краткое наименование раздела (модуля) / темы дисциплины	Код результата обучения	Показатель овладения результатами обучения	Наименование оценочного средства и представление его в КОС	
			Текущий контроль	Промежуточная аттестация
Тема 1.1. Матрицы и определители				
Выполнение операций над матрицами	У1	Выполнение действий над матрицами	Письменное задание № 1 (п.5.4, варианты 1-6)	Вопросы на диф.зачет (п. 6.1)
	31	Способность перечислять свойства матриц, находить пути решения	Письменное задание № 1 (п.5.4, варианты 1-6)	Практическое задание к зачету (п 6.2)
	31	Способность перечислять свойства определителей, находить пути решения	Письменное задание № 1 (п.5.4, варианты 1-6)	Вопросы на диф.зачет (п. 6.1)
	У1	Вычислять определители различных порядков	Письменное задание № 1 (п.5.4, варианты 1-6)	Практическое задание к зачету (п 6.2)
Тема 1.2. Системы линейных уравнений.				
Решение	31	Перечисление последовательности действий	Письменное задание № 1	Вопросы на диф.зачет (п.

Краткое наименование раздела (модуля) / темы дисциплины	Код результата обучения	Показатель овладения результатами обучения	Наименование оценочного средства и представление его в КОС	
			Текущий контроль	Промежуточная аттестация
систем линейных уравнений.		при решении систем линейных уравнений методом обратной матрицы, по формулам Крамера	(п.5.4, варианты 1-6)	6.1)
	У1	Решение систем линейных уравнений методом обратной матрицы - Решение систем линейных уравнений по формулам Крамера	Письменное задание № 1 (п.5.4, варианты 1-6)	Практическое задание к зачету (п 6.2)
Применение различных методов решения линейных уравнений	31	Перечисление последовательности действий при решении систем линейных уравнений методом обратной матрицы, по формулам Крамера, методом Гаусса	Письменное задание № 1 (п.5.4, варианты 1-6)	Вопросы на диф.зачет (п. 6.1)
	У1	Решение систем линейных уравнений методом обратной матрицы - Решение систем линейных уравнений по формулам Крамера - Решение систем линейных уравнений методом Гаусса	Письменное задание № 1 (п.5.4, варианты 1-6) Тест	Практическое задание к зачету (п 6.2)
Тема 1.3. Комплексные числа				
Действия с комплексными числами.	33	Способность указывать алгебраическую, тригонометрическую и показательную форму комплексного числа. Знать понятия модуль и аргумент комплексного числа	Письменное задание № 16 (п.5.4, варианты 1-2)	Вопросы на диф.зачет (п. 6.1)
	У6	Проводить действия с комплексными числами, находить модуль и аргумент, решать квадратные уравнения, если его $D < 0$	Письменное задание № 16 (п.5.4, варианты 1-2)	Практическое задание к зачету (п 6.2)
Тема 1.4. Элементы аналитической геометрии				
Выполнение действий с векторами.	У7	Выполнение действий над векторами - Нахождение скалярного, векторного и смешанного произведения векторов - Построение точек и нахождение их координат в прямоугольной декартовой и полярной системах координат	Письменное задание № 2 (п.5.4, варианты 1-2)	Вопросы на диф.зачет (п. 6.1)
	32	Формулировка определений и перечисление свойств скалярного, векторного и смешанного произведения векторов	Письменное задание № 2 (п.5.4, варианты 1-2)	Практическое задание к зачету (п 6.2)
Задание и определение параметров прямых на плоскости и в	31	Знать различные виды уравнения прямой на плоскости, условия параллельности и перпендикулярности прямых, формулы нахождения угла между прямыми, расстояния от	Письменное задание № 1 (п.5.п, варианты 1-5)	Вопросы на диф.зачет (п. 6.1)

Краткое наименование раздела (модуля) / темы дисциплины	Код результата обучения	Показатель овладения результатами обучения	Наименование оценочного средства и представление его в КОС	
			Текущий контроль	Промежуточная аттестация
пространстве		точки до прямой.		
	У7	Составлять различные виды уравнений прямых по заданным условиям. Находить углы между прямыми	Письменное задание № 1 (п.5.п, варианты 1-5)	Практическое задание к зачету (п 6.2)
Задание определение параметров кривых второго порядка на плоскости.	31	Способность определять линии второго порядка на плоскости. Уравнение окружности, эллипса, гиперболы и параболы на плоскости	Письменное задание № 1 (п.5.п, варианты 1-5)	Вопросы на диф.зачет (п. 6.1)
	У7	Составлять уравнения эллипса, гиперболы, параболы и окружности. Находить их характеристики	Письменное задание № 1 (п.5.п, варианты 1-5)	Практическое задание к зачету (п 6.2)
Тема 2.1. Пределы и непрерывность				
Вычисление пределов функций	31	Знать определение предела последовательности и его свойства, определение монотонной последовательности	Письменное задание № 3 (п.5.4, варианты 1-6)	Практическое задание к зачету (п 6.2)
	У2	Способность вычислять предел последовательности, предел функции. Вычисление предела функции в точке и в бесконечности	Письменное задание № 3 (п.5.4, варианты 1-6)	Практическое задание к зачету (п 6.2)
Тема 2.2 Дифференциальное исчисление функции одной действительной переменной				
Вычисление производных.	31	Способность формулировать правила дифференцирования и перечислять производные основных элементарных функций	Письменное задание № 5 (п.5.4, варианты 1-6)	Практическое задание к зачету (п 6.2)
	32	Способность формулировать геометрический и механический смысл производной; правила дифференцирования	Письменное задание № 5 (п.5.4, варианты 1-6)	Практическое задание к зачету (п 6.2)
	У3	Способность находить производные сложных функций и высших порядков	Письменное задание № 6 (п.5.4, варианты 1-6)	Практическое задание к зачету (п 6.2)
Исследование функций с помощью производных.	31	Способность формулировать правила дифференцирования и перечислять производные основных элементарных функций	Письменное задание № 7 (п.5.4, варианты 1-8)	Вопросы на диф.зачет (п. 6.1)
	У4	Способность исследовать функцию и строить графики	Письменное задание № 7 (п.5.4, варианты 1-8)	Практическое задание к зачету (п 6.2)
Тема 2.3. Дифференциальные уравнения				
Решение дифференциальных уравнений.	32	Способность описания процессов в естествознании и технике с помощью дифференциальных уравнений	Письменное задание № 12, 13 (п.5.4, вопросы 1-5)	Вопросы на диф.зачет (п. 6.1)

Краткое наименование раздела (модуля) / темы дисциплины	Код результата обучения	Показатель овладения результатами обучения	Наименование оценочного средства и представление его в КОС	
			Текущий контроль	Промежуточная аттестация
	У5	Использовать дифференциальные уравнения при решении прикладных задач	Письменное задание № 12, 13 (п.5.4, вопросы 1-5)	Практическое задание к зачету (п 6.2)
Тема 2.4. Интегральное исчисление функций одной переменной				
Вычисление определенных интегралов	31	Способность перечислить свойства и методы неопределенных и определенных интегралов	Письменное задание № 8, 9 (п.5.п4 варианты 1-2)	Вопросы на диф.зачет (п. 6.1)
	У3	Способность находить неопределенные и определенные интегралы	Письменное задание № 8, 9 (п.5.4, варианты 1-2)	Практическое задание к зачету (п 6.2)
Решение практических задач с применением свойств интегралов	32	Приложение определенного интеграла к вычислению площадей плоских фигур, объемов тел вращения, пути, пройденного точкой	Письменное задание № 10 (п.5.4, варианты 1-2)	Вопросы на диф.зачет (п. 6.1)
	У4	Способность использовать интегральное исчисление при решении задач	Письменное задание № 10 (п.5.4, варианты 1-2)	Практическое задание к зачету (п 6.2)

4 Описание процедуры оценивания

Результаты обучения по дисциплине, уровень сформированности компетенций оцениваются по четырёх бальной шкале оценками: «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно».

Текущая аттестация по дисциплине проводится с целью систематической проверки достижений обучающихся. Объектами оценивания являются: степень усвоения теоретических знаний, уровень овладения практическими умениями и навыками по всем видам учебной работы, качество выполнения самостоятельной работы, учебная дисциплина (активность на занятиях, своевременность выполнения различных видов заданий, посещаемость всех видов занятий по аттестуемой дисциплине).

При проведении промежуточной аттестации оценивается достижение студентом запланированных по дисциплине результатов обучения, обеспечивающих результаты освоения образовательной программы в целом.

Критерии оценивания устного ответа

(оценочные средства: *собеседование, устное сообщение, диспут, дискуссия*)

5 баллов - ответ показывает прочные знания основных процессов изучаемой предметной области, отличается глубиной и полнотой раскрытия темы; владение терминологическим аппаратом; умение объяснять сущность, явлений, процессов, событий, делать выводы и обобщения, давать аргументированные ответы, приводить примеры; свободное владение монологической речью, логичность и последовательность ответа; умение приводить примеры современных проблем изучаемой области.

4 балла - ответ, обнаруживающий прочные знания основных процессов изучаемой предметной области, отличается глубиной и полнотой раскрытия темы; владение терминологическим аппаратом; умение объяснять сущность, явлений, процессов, событий, делать выводы и обобщения, давать аргументированные ответы, приводить примеры; свободное владение монологической речью, логичность и последовательность ответа. Однако допускается одна - две неточности в ответе.

3 балла – ответ, свидетельствующий в основном о знании процессов изучаемой предметной области, отличающийся недостаточной глубиной и полнотой раскрытия темы; знанием основных вопросов теории; слабо сформированными навыками анализа явлений, процессов, недостаточным умением давать аргументированные ответы и приводить примеры; недостаточно свободным владением монологической речью, логичностью и последовательностью ответа. Допускается несколько ошибок в содержании ответа; неумение привести пример развития ситуации, провести связь с другими аспектами изучаемой области.

2 балла – ответ, обнаруживающий незнание процессов изучаемой предметной области, отличающийся неглубоким раскрытием темы; незнанием основных вопросов теории, несформированными навыками анализа явлений, процессов; неумением давать аргументированные ответы, слабым владением монологической речью, отсутствием логичности и последовательности. Допускаются серьезные ошибки в содержании ответа; незнание современной проблематики изучаемой области.

Критерии оценивания письменной работы

(оценочные средства: *контрольная работа*).

5 баллов - студент выразил своё мнение по сформулированной проблеме, аргументировал его, точно определив ее содержание и составляющие. Проблема раскрыта полностью, выводы обоснованы. Приведены данные отечественной и зарубежной литературы, статистические сведения, информация нормативно-правового характера. Студент владеет навыком самостоятельной работы по заданной теме; методами и приемами анализа теоретических и/или практических аспектов изучаемой области. Фактических ошибок, связанных с пониманием проблемы, нет; графически работа оформлена правильно.

4 балла - работа характеризуется смысловой цельностью, связностью и последовательностью изложения; допущено не более 1 ошибки при объяснении смысла или содержания проблемы. Проблема раскрыта. Не все выводы сделаны и/или обоснованы. Для аргументации приводятся данные отечественных и зарубежных авторов. Продемонстрированы исследовательские умения и навыки. Фактических ошибок, связанных с пониманием проблемы, нет. Допущены одна-две ошибки в оформлении работы.

3 балла – студент проводит достаточно самостоятельный анализ основных этапов и смысловых составляющих проблемы; понимает базовые основы и теоретическое обоснование выбранной темы. Проблема раскрыта не полностью. Выводы не сделаны и/или выводы не обоснованы. Проведен анализ проблемы без привлечения дополнительной литературы. Допущено не более 2 ошибок в смысле или содержании проблемы, оформлении работы.

2 балла - работа представляет собой пересказанный или полностью переписанный исходный текст без каких бы то ни было комментариев, анализа. Не раскрыта структура и теоретическая составляющая темы. Проблема не раскрыта. Выводы отсутствуют. Допущено три или более трех ошибок в смысловом содержании раскрываемой проблемы, в оформлении работы.

Критерии оценивания тестового задания

Оценка	<i>Отлично</i>	<i>Хорошо</i>	<i>Удовлетворительно</i>	<i>Неудовлетворительно</i>
Количество правильных ответов	91 % и ≥	от 81% до 90,9 %	не менее 70%	менее 70%

Критерии выставления оценки студенту на зачете

(оценочные средства: устный опрос в форме собеседования, выполнение письменных разноуровневых задач и заданий.)

Оценка по промежуточной аттестации	Характеристика качества сформированности компетенций
«зачтено» / «отлично»	Студент демонстрирует сформированность дисциплинарных компетенций на продвинутом уровне: обнаруживает

	всестороннее, систематическое и глубокое знание учебного материала, умеет тесно увязывать теорию с практикой, свободно справляется с задачами, вопросами и другими видами применения знаний, причем не затрудняется с ответом при видоизменении заданий, правильно обосновывает принятое решение, владеет разносторонними навыками и приемами выполнения практических задач.
«зачтено» / «хорошо»	Студент демонстрирует сформированность дисциплинарных компетенций на базовом уровне: основные знания, умения освоены, но допускаются незначительные ошибки, неточности, затруднения при аналитических операциях, переносе знаний и умений на новые, нестандартные ситуации.
«зачтено» / «удовлетворительно»	Студент демонстрирует сформированность дисциплинарных компетенций на пороговом уровне: имеет знания только основного материала, но не усвоил его деталей, в ходе контрольных мероприятий допускаются значительные ошибки, недостаточно правильные формулировки, нарушения логической последовательности в изложении программного материала, испытывает затруднения при выполнении практических работ, при оперировании знаниями и умениями при их переносе на новые ситуации.
«не зачтено» / «неудовлетворительно»	Студент демонстрирует сформированность дисциплинарных компетенций на уровне ниже порогового: выявляется полное или практически полное отсутствие знаний значительной части программного материала, студент допускает существенные ошибки, неуверенно, с большими затруднениями выполняет практические работы, умения и навыки не сформированы.

5. Примеры оценочных средств для проведения текущей аттестации

1. Что называется матрицей?
2. Перечислите основные виды матриц.
3. Как определяются основные действия над матрицами?
4. Что называется определителем второго, третьего, n -го порядков?
5. Назовите основные свойства определителей.
6. Что называется минором, алгебраическим дополнением элемента определителя?
7. Какая матрица называется обратной по отношению к данной матрице? Как найти матрицу, обратную данной?
8. Что называется рангом матрицы? Как найти ранг матрицы?
9. Общий вид системы линейных уравнений.
10. Какие системы называются однородными, неоднородными?
11. Что называется решением системы линейных уравнений?
12. Какие системы называются определенными, неопределенными?
13. Напишите формулу Крамера решения системы линейных уравнений. В каких случаях их можно использовать?
14. Назовите схему решения системы линейных уравнений по методу Гаусса.
15. Сформулируйте теорему Кронекера-Капелли.
16. Опишите матричный способ решения системы линейных уравнений.
17. Какие величины называются скалярными? векторными?
18. Какие два вектора называются равными?
19. Какие векторы называются коллинеарными? компланарными?
20. Как сложить два вектора? Как их вычесть?
21. Как найти координаты вектора по координатам точек его начала и конца?
22. Назовите правила сложения, вычитания векторов, заданных в координатной форме.
23. Как умножить вектор на скаляр?
24. Как найти длину вектора?
25. Дайте определение скалярного произведения двух векторов.
26. Перечислите основные свойства скалярного произведения.
27. Как найти скалярное произведение двух векторов по их координатам?
28. Напишите формулу для определения угла между двумя векторами.
29. Напишите условия: коллинеарности двух векторов; их перпендикулярности.
30. Дайте определение уравнения прямой.
31. Напишите уравнение прямой, проходящей через данную точку перпендикулярно данному вектору, общее уравнение прямой.
32. Напишите параметрические уравнения прямой.
33. Напишите каноническое уравнение прямой.

34. Напишите уравнения прямой: а) с угловым коэффициентом; б) проходящей через данную точку в данном направлении; в) проходящей через две данные точки; г) в «отрезках».
35. Напишите формулу для определения угла между двумя прямыми.
36. Каковы условия параллельности и перпендикулярности двух прямых?
37. Дайте определение эллипса и назовите его каноническое уравнение. Что такое большая и малая полуоси эллипса, его фокусы, вершины? Укажите их координаты.
38. Что такое эксцентриситет эллипса, какой он по значению, что он характеризует?
39. Дайте определение гиперболы и назовите ее каноническое уравнение. Что такое действительная и мнимая полуоси гиперболы, асимптоты, фокусы, вершины? Укажите их координаты.
40. Что такое эксцентриситет гиперболы, какой он по значению?
41. Дайте определение параболы.
42. Укажите каноническое уравнение параболы в зависимости от ее расположения на координатной плоскости.
43. Что такое параметр параболы, фокус и директриса параболы?
44. Комплексные числа
45. Что называется комплексным числом? Укажите его алгебраическую форму.
46. Какие действия можно производить с комплексными числами в алгебраической форме?
47. Что называется противоположным, комплексно сопряженным и
48. обратным числом к числу $z = a + bi$?
49. Как решить квадратное уравнение, если его $D < 0$?
50. Как геометрически можно толковать комплексные числа?
51. Что такое модуль и аргумент комплексного числа?
52. Последовательность. Предел последовательности
53. Сформулируйте определение понятия последовательность.
54. Что называется пределом числовой последовательности?
55. Назовите основные свойства пределов последовательностей.
56. Какая последовательность называется бесконечно малой? бесконечно большой?
57. Назовите свойства бесконечно малых, бесконечно больших последовательностей.
58. Функция. Предел функции. Непрерывность функции
59. Сформулируйте определение понятия функции.
60. Что называется областью определения функции? Областью изменения функции?
61. Какие функции называются элементарными? Приведите примеры.
62. Сформулируйте определение предела функции.
63. Назовите основные свойства пределов функций.
64. Какая функция называется бесконечно малой? бесконечно большой?

65. Назовите свойства бесконечно малых функций.
66. Напишите формулы первого и второго замечательных пределов.
67. Дайте определение односторонних пределов функции в точке.
68. Дифференциальное исчисление функции одной независимой переменной
69. Что называется производной функции?
70. Каков геометрический, физический смысл производной?
71. Как взаимосвязаны непрерывность функции и ее дифференцируемость в точке?
72. Напишите основные правила дифференцирования функций.
73. Напишите формулы дифференцирования основных элементарных функций.
74. Сформулируйте правило дифференцирования сложной функции.
75. Что называется дифференциалом функции?
76. Каков геометрический смысл дифференциала функции.
77. Перечислите основные свойства дифференциала функции.
78. Как найти производную второго, третьего, n -го порядков?
79. Как найти дифференциал второго порядка от данной функции?
80. Неопределенный интеграл Фронтальный опрос
81. Сформулируйте определение первообразной функции.
82. Что называется неопределенным интегралом от данной функции?
83. Перечислите основные свойства неопределенного интеграла.
84. Напишите формулы таблицы основных интегралов.
85. В чем сущность метода интегрирования заменой переменной?
86. Напишите формулу интегрирования по частям в неопределенном интеграле.
87. Определенный интеграл
88. Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла.
89. Что называется определенным интегралом от данной функции на данном отрезке?
90. Каков геометрический смысл определенного интеграла?
91. Простейшие свойства определенного интеграла.
92. Формула Ньютона-Лейбница.
93. Вычисление определенного интеграла методом замены переменных.
94. Вычисление определенного интеграла методом интегрирования по частям.
95. Дифференциальное исчисление функции многих переменных
96. Дайте определение функции двух независимых переменных. Приведите примеры.
97. Что называется областью определения функции двух независимых переменных?
- Каково геометрическое изображение функции двух переменных?
98. Что называется частным и полным приращением функции двух независимых переменных?
99. Сформулируйте определение предела функции двух переменных.

- 100.Какая функция называется непрерывной в точке? в области?
- 101.Дайте определение частных производных первого порядка функции двух переменных. Каков их геометрический смысл?
- 102.Что называется полным дифференциалом функции двух переменных?
103. Как найти частные производные второго порядка функции двух переменных?
104. Интегральное исчисление функции многих переменных
105. Дайте определение двойного интеграла.
106. В чем заключается геометрический смысл двойного интеграла?
107. Назовите свойства двойного интеграла.
- 108.Изложите план вычисления двойного интеграла в декартовых координатах для правильных и неправильных областей.
109. Дифференциальные уравнения первого порядка Фронтальный опрос
110. Что называется дифференциальным уравнением?
111. Что называется общим решением дифференциального уравнения? частным решением?
112. Каков геометрический смысл частного решения дифференциального уравнения первого порядка?
113. Приведите примеры дифференциальных уравнений с разделяющимися переменными.
114. Какое дифференциальное уравнение первого порядка называется линейным? однородным? Укажите способ их решения.

5.2 Темы рефератов

1. Применение комплексных чисел в естествознании и технике.
2. История возникновения дифференциального исчисления.
3. Основы математического анализа.
4. Определение экстремумов функций многих переменных.
5. Основные концепции математики.
6. Развитие логики и мышления на уроках математики.
7. Пределы и производные.
8. Связь математики с другими науками.

5.3 Примеры тестовых заданий

Тест 1

1 Что называется матрицей?

- а) набор текстовых символов, расположенных в определенном порядке;
- б) прямоугольная таблица чисел, содержащая m строк и n столбцов;
- в) одномерный массив чисел, состоящий из элементов;
- г) форма представления наглядного материала.

2 Выберите правильное утверждение:

- а) матрица может иметь любое число строк и столбцов.
- б) матрица всегда имеет одинаковое число строк и столбцов.
- в) матрица не может состоять из одной строки.

г) матрица не может состоять из одного столбца.

3 Какой закон умножения не выполняется при операциях над матрицами?

а) дистрибутивный;

б) ассоциативный;

в) умножение числа на произведение матриц;

г) коммутативный.

4 Чтобы умножить две матрицы надо...

а) умножить их соответствующие элементы;

б) строки первой умножить на столбцы второй и просуммировать; в) строки первой умножить на строки второй и просуммировать; г) их транспонировать и перемножить элементы.

5 Что такое транспонирование матрицы?

а) перестановка местами столбцов матрицы;

б) изменение знака у всех элементов матрицы;

в) перестановка местами строк матрицы;

г) перестановка местами строк и столбцов с сохранением порядка.

6 При перестановке двух строк (столбцов) матрицы ее определитель...

а) будет равен 0;

б) не изменится;

в) меняет знак на противоположный;

г) сумме элементов переставленных строк (столбцов).

7 Если элементы любой строки определителя умножить на соответствующие алгебраические дополнения и произведения сложить, то получим:

а) отрицательное число;

б) ноль;

в) любое число;

г) величину определителя.

8 Как изменится определитель матрицы четвертого порядка, если каждый ее элемент умножить на 2?

а) увеличится в 4 раза;

б) увеличится в 16 раз;

в) увеличится в 8 раз;

г) увеличится в 2 раза.

9 Обратная матрица для данной матрицы не существует, если

а) определитель данной матрицы равен нулю;

б) в данной матрице хоть один элемент нулевой;

- в) данная матрица невырожденная;
- г) в данной матрице элементы главной диагонали нулевые.

10 Рангом матрицы называется

- а) наивысший порядок ненулевых миноров;
- б) количество ненулевых элементов;
- в) количество нулевых элементов;
- г) наивысший порядок нулевого минора

Ключ: 1. б); 2. а); 3. г); 4. б); 5. г); 6. в); 7. г); 8. б); 9. а); 10. а).

Тест 2.

1 Решением системы линейных уравнений являются

а) совокупность значений неизвестных, при подстановке которых уравнения системы, обращают их в тождества;

б) приближенные значения неизвестных;

в) свободные члены линейных уравнений;

г) совокупность значений неизвестных, при подстановке которых уравнения системы, не обращают их в тождества.

2 Система линейных уравнений называется определенной, если

а) она имеет единственное решение;

б) она имеет два решения;

в) она имеет бесконечное множество решений;

г) она не имеет решений.

3 Две системы линейных уравнений являются эквивалентными, если

а) не имеют решения;

б) имеют несколько решений;

в) имеют одни и те же решения;

г) имеют точное решение.

4 При решении системы линейных уравнений с квадратной матрицей коэффициентов A формулы Крамера можно применять, если

а) одно из уравнений системы является линейной комбинацией остальных;

б) ранг матрицы A равен числу ее неизвестных;

в) определитель матрицы A отличен от нуля;

г) столбец свободных членов является ненулевым.

5 Дана система линейных уравнений
$$\begin{cases} 2x_1 - x_2 + x_3 = -1 \\ 3x_1 + 2x_2 - 3x_3 = 0 \\ x_1 + 3x_2 - 4x_3 = 4 \end{cases}$$
. Тогда матричная форма записи этой системы имеет вид ...

$$\text{a)} \quad \begin{pmatrix} 2 & -1 & 1 \\ 3 & 2 & -3 \\ 1 & 3 & -4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 2 & -1 & 1 \\ 3 & 2 & -3 \\ 1 & 3 & -4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix}$$

$$\text{б)} \quad \begin{pmatrix} 2 & 3 & 1 \\ -1 & 2 & 3 \\ 1 & -3 & -4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_1 & x_2 & x_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 4 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 2 & -1 & 1 \\ 3 & 2 & -3 \\ 1 & 3 & -4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_1 & x_2 & x_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix}$$

6 Идея метода Гаусса заключается в

- а) последовательном исключении неизвестных из уравнений системы;
- б) последовательном решении уравнений;
- в) нахождении определителя системы;
- г) построении графика функции.

7 Укажите систему линейных уравнений, подготовленную к обратному ходу метода Гаусса.

$$\text{а)} \quad \begin{cases} x_1 + 8x_2 + 3x_3 = 0 \\ -x_2 + x_3 = 1 \\ x_1 + x_3 = 0 \end{cases}$$

$$\text{в)} \quad \begin{cases} 2x_1 + x_2 - x_3 = 7 \\ x_1 + x_2 + x_3 = 1 \\ x_1 + x_3 = 3 \end{cases}$$

$$\text{б)} \quad \begin{cases} x_1 + 8x_2 + x_3 = 4 \\ -x_2 + x_3 = 2 \\ 5x_3 = 10 \end{cases}$$

$$\text{г)} \quad \begin{cases} x_1 + x_2 = 3 \\ x_1 + x_2 = 1 \end{cases}$$

8 Если матрица системы n уравнений квадратная и ее определитель не равен нулю, то система

- а) не имеет решений;
- б) имеет единственное решение;
- в) имеет ровно n решений;
- г) имеет бесконечно много решений.

9 Пусть дана система

$$\begin{cases} x + 2y + 3z = 6 \\ -x + y + 2z = 2 \\ x + 3y + 5z = 9 \end{cases}$$

Тогда ее решение через обратную матрицу находится как

$$\text{а)} \quad \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 & -1 & 1 \\ 7 & 3 & -4 \\ -4 & -2 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 6 \\ 2 \\ 9 \end{pmatrix}$$

$$\text{в)} \quad \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 & -1 & 1 \\ 7 & 2 & -5 \\ -4 & -1 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 6 \\ 2 \\ 9 \end{pmatrix}$$

$$\text{б)} \quad \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 & -1 & 1 \\ 7 & 3 & -4 \\ -4 & -1 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 6 \\ 2 \\ 9 \end{pmatrix}$$

$$\text{г)} \quad \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 & -1 & 1 \\ 7 & 2 & -4 \\ -4 & -2 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 6 \\ 2 \\ 9 \end{pmatrix}$$

Ключ : а) 2. а) 3. в) 4. в) 5. б) 6. а) 7. г) 8. б) 9. б)

тест 3

1 Дан треугольник с вершинами $A (-2; 0)$, $B (2; 4)$ и $C (4; 0)$. Укажите координаты середины стороны AB .

- а) $(2; -2)$;
- б) $(0; 2)$;
- в) $(2; 2)$;
- г) $(3; 2)$;

2 Уравнение прямой, проходящей через данную точку, с данным угловым коэффициентом имеет вид:

- а) $y - y_1 = \frac{-1}{k}(x - x_1)$
- б) $y - y_1 = k(x - x_1)$
- в) $\begin{cases} y - y_1 = k(x - x_1) \\ x - x_1 = k(y - y_1) \end{cases}$

3 Угол между двумя прямыми находится по формуле:

- а) $\operatorname{tg} \varphi = \frac{k_2 - k_1}{1 + k_1 k_2}$
- б) $\operatorname{tg} \varphi = \frac{1 + k_1 k_2}{k_2 - k_1}$
- в) $\operatorname{tg} \varphi = \frac{k_2 + k_1}{1 - k_1 k_2}$

4 Уравнение прямой, проходящей через две заданные точки:

- а) $\frac{x_1 - x}{x_2 - x_1} = \frac{y - y_1}{y_2 - y_1}$
- б) $\frac{x_2 - x_1}{x - x_1} = \frac{y - y_1}{y_2 - y_1}$
- в) $\frac{x - x_1}{x_2 - x_1} = \frac{y - y_1}{y_2 - y_1}$

5 Уравнение прямой заданной точкой $A(2, 1)$ и направляющим вектором

$$\vec{l} = \{3; 5\}$$

- а) $5x - 3y - 7 = 0$
- б) $3x + y - 7 = 0$
- в) $4x - 2y - 6 = 0$
- г) $6x - y - 11 = 0$

6 Уравнение прямой проходящей через точку $M(1; 2)$ и образующей ось Ox угол в 45° имеет вид ...

- а) $2x - y = 0$
- б) $3x - 2y + 1 = 0$
- в) $x - 2y + 3 = 0$
- г) $x - y + 1 = 0$

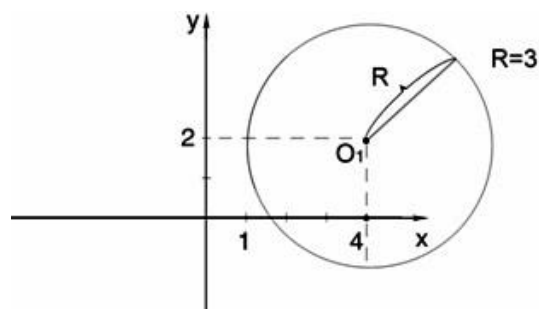
7 Взаимное расположение прямых $4x - 2y - 6 = 0$ и $8x - 4y - 2 = 0$ на плоскости – прямые...

- а) параллельны
- б) пересекаются
- в) перпендикулярны
- г) совпадают

8 Выберите уравнение прямой в отрезках.

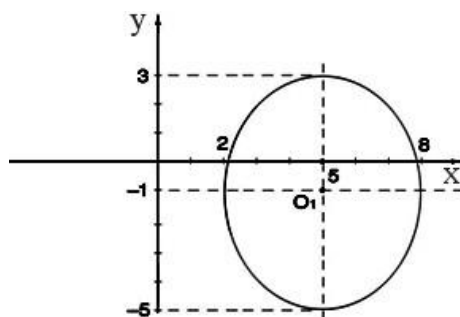
- а) $\frac{x}{2} - \frac{y}{3} = 1$
 б) $-\frac{x}{4} + \frac{2y}{3} = 1$
 в) $\frac{x}{3} + \frac{y}{2} = 1$
 г) $-\frac{2x}{3} - \frac{y}{4} = 1$

9 Выберите уравнение окружности, представленной на рисунке:



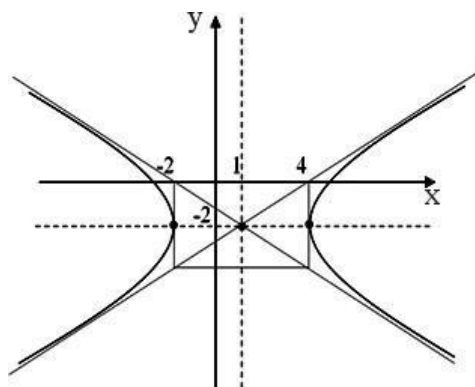
- а) $x^2 + y^2 = 9$
 б) $(x - 4)^2 + (y - 2)^2 = 9$
 в) $(x + 4)^2 + (y + 2)^2 = 9$
 г) $(x - 4)^2 - (y - 2)^2 = 9$

10 Выберите уравнение эллипса, представленного на рисунке:



- а) $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{16} = 1$
 б) $\frac{(x-5)^2}{16} + \frac{(y+1)^2}{9} = 1$
 в) $\frac{(x-5)^2}{9} + \frac{(y+1)^2}{16} = 1$
 г) $\frac{(x+5)^2}{9} + \frac{(y-1)^2}{16} = 1$

11 Выберите уравнение гиперболы, представленной на рисунке:



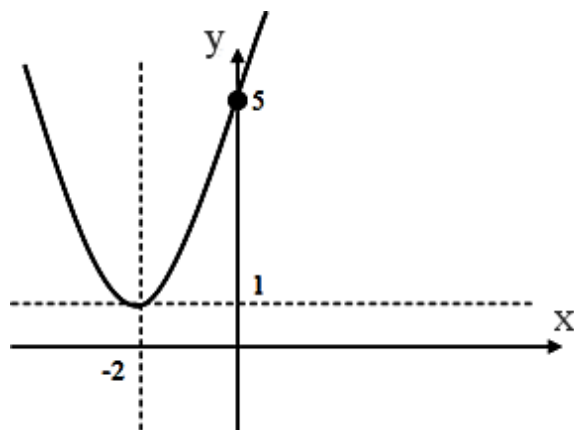
а) $\frac{(y+2)^2}{4} - \frac{(x-1)^2}{9} = 1$

б) $\frac{(y-2)^2}{4} - \frac{(x+1)^2}{9} = 1$

в) $\frac{(x+1)^2}{9} - \frac{(y-2)^2}{4} = 1$

г) $\frac{(x-1)^2}{9} - \frac{(y+2)^2}{4} = 1$

12. Выбрать уравнения параболы, представленной на рисунке



а) $y = 2(x+2)^2$

б) $y - 1 = (x+2)^2$

в) $y + 1 = (x-2)^2$

г) $y + (x-2)^2 = 1$

Ключ :

1. б) 2. б) 3. в) 4. а) 5. а) 6. г) 7. а) 8. в) 9. в) 10. б) 11. в)

5.4 Примеры заданий для практических и контрольных работ

Задание 1

Вариант 1

1. Найти матрицу $C=A+3B$, если $A = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 0 \\ -2 & 1 & 8 \\ 2 & 4 & 3 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 3 \\ 2 & 4 & 1 \\ 1 & 3 & 0 \end{pmatrix}$.

2. Решить систему линейных уравнений методом обратной матрицы.
3. Решить систему линейных уравнений по формулам Крамера.

4. Решить систему линейных уравнений методом Гаусса.

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 - x_3 = 1, \\ 2x_1 - x_2 + x_3 = 5, \\ 3x_1 + 2x_2 + x_3 = 7. \end{cases}$$

Ответ: 1. $\begin{pmatrix} -5 & 7 \\ 3 & 3 \end{pmatrix}$ 2.-4. $x_1=1, x_2=2, x_3=-1$

Вариант 2

1. Найти матрицу $C=2A-B$, если $A = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 0 \\ -2 & 1 & 8 \\ 2 & 4 & 3 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 3 \\ 2 & 4 & 1 \\ 1 & 3 & 0 \end{pmatrix}$.

2. Решить систему линейных уравнений методом обратной матрицы.

3. Решить систему линейных уравнений по формулам Крамера.

4. Решить систему линейных уравнений методом Гаусса.

$$\begin{cases} x_1 - x_2 + 2x_3 = -2, \\ x_1 + 2x_2 - x_3 = 7, \\ 2x_1 + x_2 - 3x_3 = 5. \end{cases}$$

Ответ: 1. $\begin{pmatrix} -3 & 13 \\ -3 & 9 \end{pmatrix}$ 2.-4. $(2;-1;1)$

Вариант 3

1. Найти матрицу $C=3A+B$, если $A = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 0 \\ -2 & 1 & 8 \\ 2 & 4 & 3 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 3 \\ 2 & 4 & 1 \\ 1 & 3 & 0 \end{pmatrix}$.

2. Решить систему линейных уравнений методом обратной матрицы.

3. Решить систему линейных уравнений по формулам Крамера.

4. Решить систему линейных уравнений методом Гаусса.

$$\begin{cases} x_1 + 3x_2 - 2x_3 = 4, \\ x_1 + 4x_2 - x_3 = 7, \\ 2x_1 + x_2 + x_3 = 3. \end{cases}$$

Ответ: 1. $\begin{pmatrix} -5 & 13 \\ -3 & 9 \end{pmatrix}$ 2.-4. $(1;0;2)$

Вариант 4

1. Найти матрицу $C=A-4B$, если $A = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 0 \\ -2 & 1 & 8 \\ 2 & 4 & 3 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 3 \\ 2 & 4 & 1 \\ 1 & 3 & 0 \end{pmatrix}$.

2. Решить систему линейных уравнений методом обратной матрицы.

3. Решить систему линейных уравнений по формулам Крамера.

4. Решить систему линейных уравнений методом Гаусса.

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 - x_3 = 3, \\ x_1 + 3x_2 + x_3 = 6, \\ 2x_1 - x_2 + x_3 = 4. \end{cases}$$

Ответ: 1. $\begin{pmatrix} 9 & 0 \\ -18 & 3 \end{pmatrix}$ 2.-4. $(2;1;-1)$

Вариант 5

1. Найти матрицу $C=4A-B$, если $A = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 0 \\ -2 & 1 & 8 \\ 2 & 4 & 3 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 3 \\ 2 & 4 & 1 \\ 1 & 3 & 0 \end{pmatrix}$.

2. Решить систему линейных уравнений методом обратной матрицы.
3. Решить систему линейных уравнений по формулам Крамера.
4. Решить систему линейных уравнений методом Гаусса.

$$\begin{cases} x_1 + x_2 - 3x_3 = 2, \\ x_1 + 2x_2 + x_3 = 3, \\ 3x_1 + 7x_2 + x_3 = 10. \end{cases}$$

Ответ: 1. $\begin{pmatrix} -7 & 15 \\ -21 & 12 \end{pmatrix}$ 2.-4. (1;1;1)

Вариант 6

1. Найти матрицу $C=A+2B$, если $A = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 0 \\ -2 & 1 & 8 \\ 2 & 4 & 3 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 3 \\ 2 & 4 & 1 \\ 1 & 3 & 0 \end{pmatrix}$.
2. Решить систему линейных уравнений методом обратной матрицы.
3. Решить систему линейных уравнений по формулам Крамера.
4. Решить систему линейных уравнений методом Гаусса.

$$\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = 3, \\ 2x_1 - x_2 + x_3 = 1, \\ 2x_1 + 3x_2 - x_3 = 1. \end{cases}$$

Ответ: 1. $\begin{pmatrix} -3 & 6 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$ 2.-4. (2;-1;-2)

Задание 2

Вариант 1

Даны векторы $\vec{a}(9;-2;1)$ и $\vec{b}(4;3;0)$ (для № 1-5).

1. Найти $\vec{a} \cdot \vec{b}$.
2. Найти $(\vec{a} \wedge \vec{b})$.
3. Найти $\vec{a}^2$.
4. Найти $|\vec{b}|$.
5. Найти координаты векторов $\vec{c} = \vec{a} + \vec{b}$, $\vec{d} = \vec{a} - \vec{b}$, $\vec{f} = -3\vec{a}$.
6. В прямоугольной декартовой системе координат построить точки $A(0; 0)$, $B(3; -4)$, $C(-3; 4)$. Определить расстояние между точками A и B , B и C , A и C .
7. Построить точки, заданные полярными координатами: $A(2; \pi/2)$, $B(3; \pi/4)$, $C(3; 3\pi/4)$.
8. Даны точки в полярной системе координат $A(2; \pi/4)$, $B(4; \pi/2)$. Найти их прямоугольные координаты.

Ответ: 1). $\sqrt{5}$; 2). 5; 3). 3; 4). $\frac{3}{5\sqrt{5}}$; 5). {11;-4;-12}; 6). 5;
8). $A(\sqrt{2}; \sqrt{2})$ $B(0; 4)$

Вариант 2

Даны векторы $\vec{a}(-3;2;1)$ и $\vec{b}(3;0;4)$ (для № 1-5).

1. Найти $\vec{a} \cdot \vec{b}$.
2. Найти $(\vec{a} \wedge \vec{b})$.
3. Найти $\vec{a}^2$.
4. Найти $|\vec{b}|$.
5. Найти координаты векторов $\vec{c} = \vec{a} + \vec{b}$, $\vec{d} = \vec{a} - \vec{b}$, $\vec{f} = -3\vec{a}$.

6. В прямоугольной декартовой системе координат построить точки $A(0; 0)$, $C(-3; 4)$, $D(-2; 2)$, $E(10; -3)$. Определить расстояние между точками C и D , A и D , D и E .
7. Построить точки, заданные полярными координатами: $A(4; 0)$, $B(2; 3\pi/2)$, $C(3; \pi)$.
8. Даны точки в прямоугольной системе координат $A(0; 5)$, $B(-3; 0)$, $C(\sqrt{3}; 1)$. Найти их полярные координаты.

Ответ: 1). $\sqrt{21}$; 2). $\sqrt{14}$; 3). -8; 4). $\cos\varphi = \frac{-8}{\sqrt{21}\sqrt{14}}$; 5). $\{7; -1; -8\}$; 6). $\sqrt{145}$;
8). $A(5; 90^\circ)$, $B(3; 180^\circ)$, $C(2; 30^\circ)$

Задание 3

Вариант 1

1. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 9}{x^2 - 8x + 15}.$$

2. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x + 5}{3x - 6}.$$

3. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 17x}{\sin 12x}.$$

4. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{7}{x}\right)^{\frac{x}{3}}.$$

Ответ: 1). 7; 2). 2/5; 3). 5/3; 4). 2/3

Вариант 2

1. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 + x - 20}{x^2 - 16}.$$

2. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{3x + 6}{2x - 4}.$$

3. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 7x}{\sin 13x}.$$

4. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{12}{x}\right)^{\frac{x}{4}}.$$

Ответ: 1). 6; 2). 2; 3). 3/2; 4). 1/4

Вариант 3

1. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 7} \frac{x^2 - 49}{x^2 - 5x - 14}.$$

2. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 + 4}{2x - 6}.$$

3. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 9x}{\sin 4x}.$$

4. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{15}{x}\right)^{\frac{x}{5}}.$$

Ответ: 1). 4; 2). 3/7; 3). 7/2; 4). 1

Вариант 4

1. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 5} \frac{x^2 - 12x + 35}{x^2 - 25}.$$

2. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 5} \frac{x^2 - 1}{2x - 10}.$$

3. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 8x}{\sin 19x}.$$

4. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{4}{x}\right)^{2x}.$$

Ответ: 1). -1; 2). 1/2; 3). 2/5; 4). 1/2

Вариант 5

1. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 6} \frac{x^2 - 3x - 18}{x^2 - 36}.$$

2. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 4} \frac{2x - 3}{3x - 12}.$$

3. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 5x}{\sin 14x}.$$

4. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{10}{x}\right)^{3x}.$$

Ответ: 1). 8; 2). 1/3; 3). 4; 4). 1/2

Вариант 6

1. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 9} \frac{x^2 - 81}{x^2 - 11x + 18}.$$

2. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 6} \frac{3x - 5}{2x - 12}.$$

3. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 19x}{\sin 3x}.$$

4. Вычислить предел функции:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{14}{x}\right)^{2x}.$$

Ответ: 1). 10; 2). 1/2; 3). 2/3; 4). 1

Задание 4

Вариант 1

Исследовать функцию $f(x) = \frac{1}{x}$ на непрерывность в точке $x_0 = 0$.

Ответ: Предел слева: 2, предел справа: 2, значение функции: 2. Функция непрерывна.

Вариант 2

Исследовать функцию $f(x) = \begin{cases} x^2 & \text{при } x \neq 0, \\ 1 & \text{при } x = 0 \end{cases}$ на непрерывность в точке $x_0 = 0$.

Ответ: Предел слева: 3, предел справа: 5. Разрыв I рода (скачок).

Вариант 3

Исследовать функцию $f(x) = x^2$ на непрерывность в точке $x_0 = 0$.

Ответ: Предел слева: 0, предел справа: 1. Разрыв I рода (скачок).

Задание 5

Вариант 1

1. Найти производную функции $y = \sin^6(4x^3 - 2)$.

2. Найти производную третьего порядка функции $y = 3x^4 + \cos 5x$.
3. Написать уравнение касательной к графику функции $f(x) = \frac{3}{x}$ в точке с абсциссой $x_0 = -1$, $x_0 = 1$.
4. Материальная точка движется по закону $x(t) = -\frac{1}{3}t^3 + 2t^2 + 5t$. Найти скорость и ускорение в момент времени $t=5$ с. (Перемещение измеряется в метрах.)

Ответ: 1). $y' = 3x^2 - 4x + 5$; 2). $y''' = -8 \cos 2x$; 3). $y = 1(x - 2)$;
4). $v(5) = 120$, $a(5) = 54$

Вариант 2

1. Найти производную функции $y = \cos^4(6x^2 + 9)$.
2. Найти производную третьего порядка функции $y = 2x^5 - \sin 3x$.
3. Написать уравнение касательной к графику функции $f(x) = 2x - x^2$ в точке с абсциссой $x_0 = 0$, $x_0 = 2$.
4. Материальная точка движется по закону $x(t) = t^3 - 4t^2$. Найти скорость и ускорение в момент времени $t=5$ с. (Перемещение измеряется в метрах.)

Ответ: 1). $y' = e^x (\cos x - \sin x)$; 2). $y''' = 2/x^3$; 3). $y = 2 + (1/4)(x - 4)$;
4). $v(5) = 14$, $a(5) = 2$

Вариант 3

1. Найти производную функции $y = tg^5(3x^4 - 13)$.
2. Найти производную третьего порядка функции $y = 4x^3 - e^{5x}$.
3. Написать уравнение касательной к графику функции $f(x) = x^2 + 1$ в точке с абсциссой $x_0 = 0$, $x_0 = 1$.
4. Материальная точка движется по закону $x(t) = \frac{1}{4}t^4 + t^2$. Найти скорость и ускорение в момент времени $t=5$ с. (Перемещение измеряется в метрах.)

Ответ: 1). $y' = 10(2x + 1)^4$; 2). $y''' = -e^{-x}$; 3). $y = 1 - (x - 1)$;
4). $v(5) = 28$, $a(5) = 6$

Вариант 4

1. Найти производную функции $y = ctg^4(5x^3 + 6)$.
2. Найти производную третьего порядка функции $y = 5x^4 - \cos 4x$.
3. Написать уравнение касательной к графику функции $f(x) = x^3 - 1$ в точке с абсциссой $x_0 = -1$, $x_0 = 2$.
4. Материальная точка движется по закону $x(t) = t^4 - 2t$. Найти скорость и ускорение в момент времени $t=5$ с. (Перемещение измеряется в метрах.)

Ответ: 1). $y' = 1/x$; 2). $y''' = 24x$; 3). $y = -1(x - \frac{\pi}{2})$;
4). $v(5) = 290$, $a(5) = 118$

Вариант 5

1. Найти производную функции $y = \arcsin^3 7x^2$.
2. Найти производную третьего порядка функции $y = 4x^4 + \sin 2x$.
3. Написать уравнение касательной к графику функции $f(x) = \operatorname{tg} x$ в точке с абсциссой $x_0 = \frac{\pi}{4}$, $x_0 = \frac{\pi}{3}$.
4. Материальная точка движется по закону $x(t) = 2t^3 - 8$. Найти скорость и ускорение в момент времени $t=5$ с. (Перемещение измеряется в метрах.)

Ответ: 1). $y' = \frac{1}{\cos^2 x}$; 2). $y''' = e^x(x+3)$; 3). $y = 1 + x$;
4). $v(5) = 47$, $a(5) = 10$

Вариант 6

1. Найти производную функции $y = \operatorname{arctg}^6 5x^4$.
2. Найти производную третьего порядка функции $y = 6x^5 + e^{4x}$.
3. Написать уравнение касательной к графику функции $f(x) = 1 + \cos x$ в точке с абсциссой $x_0 = 0$, $x_0 = \frac{\pi}{2}$.
4. Материальная точка движется по закону $x(t) = t^4 + 2t$. Найти скорость и ускорение в момент времени $t=5$ с. (Перемещение измеряется в метрах.)

Ответ: 1). $y' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$; 2). $y''' = 8\sin 2x$; 3). $y = 1 + 3(x-1)$;
4). $v(5) = 155$ $a(5) = 60$

Задание 6

Сформулировать правила дифференцирования и записать производные основных элементарных функций:

1°. $c' =$

8°. $(\operatorname{tg} x)' =$

2°. $(x^\alpha)' =$

9°. $(\operatorname{ctg} x)' =$

В частности, $x' =$

10°. $(\arcsin x)' =$

$(x^2)' =$

11°. $(\arccos x)' =$

$(x^3)' =$

12°. $(\operatorname{arctg} x)' =$

$(\sqrt{x})' =$

13°. $(\operatorname{arcctg} x)' =$

$\left(\frac{1}{x}\right)' =$

ПРАВИЛА ДИФФЕРЕНЦИРОВАНИЯ

14°. $(u+v)' =$

3°. $(kx+b)' =$

15°. $(u-v)' =$

4°. $(a^x)' =$

16°. $(uv)' =$

В частности, $(e^x)' =$

17°. $(cu)' =$

$$5^{\circ}. \quad (\log_a x)' =$$

$$\text{В частности, } (\ln x)' =$$

$$(\lg x)' =$$

$$18^{\circ}. \quad \left(\frac{u}{v}\right)' =$$

$$\text{В частности, } \left(\frac{1}{v}\right)' =$$

$$6^{\circ}. \quad (\sin x)' =$$

$$7^{\circ}. \quad (\cos x)' =$$

ПРОИЗВОДНАЯ СЛОЖНОЙ ФУНКЦИИ

$$19^{\circ}. \quad f(\varphi(x))' =$$

Задание 7.

Исследовать функцию и построить ее график.

Вариант 1

$$f(x) = x^2 - 2x + 8.$$

Вариант 2

$$f(x) = -\frac{2x^2}{3} + x + \frac{2}{3}.$$

Вариант 3

$$f(x) = -x^2 + 5x + 4.$$

Вариант 4

$$f(x) = \frac{x^2}{4} + \frac{x}{16} + \frac{1}{4}.$$

Вариант 5

$$f(x) = -x^3 + 3x - 2.$$

Вариант 6

$$f(x) = x^4 - 2x^2 - 3.$$

Вариант 7

$$f(x) = x^3 + 3x + 2.$$

Вариант 8

$$f(x) = 3x^2 - x^3.$$

Задание 8

Вариант 1

Найти неопределенные интегралы методом непосредственного интегрирования (для № 1-5).

$$1. \quad \int \left(5 \cos x - 3x^2 + \frac{1}{x} \right) dx.$$

$$2. \quad \int \frac{3x^8 - x^5 + x^4}{x^5} dx.$$

$$3. \quad \int (6^x \cdot 3^{2x} - 4) dx.$$

$$4. \int \left(\frac{1}{\cos^2 x} + \frac{1}{\sqrt{1-x^2}} \right) dx.$$

$$5. \int \frac{dx}{1+16x^2}.$$

Найти неопределенные интегралы методом подстановки (для № 6-8).

$$6. \int (8x-4)^3 dx.$$

$$7. \int \frac{12x^3+5}{3x^4+5x-3} dx.$$

$$8. \int x^5 \cdot e^{x^6} dx.$$

9. Найти неопределенный интеграл методом интегрирования по частям:
 $\int (x+5)\cos x dx.$

Вариант 2

Найти неопределенные интегралы методом непосредственного интегрирования (для № 1-5).

$$1. \int \left(6\sin x + 4x^3 - \frac{1}{x} \right) dx.$$

$$2. \int \frac{x^9 - 3x^7 + 2x^6}{x^7} dx.$$

$$3. \int (7^x \cdot 2^{2x} + 5) dx.$$

$$4. \int \left(\frac{1}{1+x^2} + \frac{1}{\sin^2 x} \right) dx.$$

$$5. \int \frac{dx}{\sqrt{4-9x^2}}.$$

Найти неопределенные интегралы методом подстановки (для № 6-8).

$$6. \int (7x+5)^4 dx.$$

$$7. \int \frac{18x^2-3}{6x^3-3x+8} dx.$$

$$8. \int x^7 \cdot e^{x^8} dx.$$

9. Найти неопределенный интеграл методом интегрирования по частям:
 $\int (x-2)\sin x dx.$

Задание 9

Записать табличные интегралы:

$$1^\circ. \int 0 dx =$$

$$2^\circ. \int x^\alpha dx =$$

$$\text{В частности, } \int dx =$$

$$3^\circ. \int \frac{dx}{x} =$$

$$4^\circ. \int a^x dx =$$

$$\text{В частности, } \int e^x dx =$$

$$5^\circ. \int \cos x dx =$$

$$6^\circ. \int \sin x dx =$$

$$7^{\circ}. \int \frac{dx}{\cos^2 x} =$$

$$8^{\circ}. \int \frac{dx}{\sin^2 x} =$$

$$9^{\circ}. \int \frac{dx}{\sqrt{a^2 - x^2}} =$$

$$\text{В частности, } \int \frac{dx}{\sqrt{1 - x^2}} =$$

$$10^{\circ}. \int \frac{dx}{a^2 + x^2} =$$

$$\text{В частности, } \int \frac{dx}{1 + x^2} =$$

Задание 10

Вариант 1

1. Вычислить определенный интеграл: $\int_0^2 (4x^2 + x - 3) dx$.
2. Вычислить определенный интеграл методом подстановки: $\int_2^3 (2x - 1)^3 dx$.
3. Вычислить, предварительно сделав рисунок, площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = -x^2 + 4$, $y = 0$, $x = -2$, $x = 2$.
4. Найти объем тела, полученного при вращении вокруг оси абсцисс криволинейной трапеции, ограниченной линиями: $y = \sqrt{x}$, $y = 0$, $x = 1$, $x = 4$.
5. Скорость движения точки изменяется по закону $v = 3t^2 + 2t + 1$ (м/с). Найти путь S , пройденный точкой за 10 с от начала движения.

Вариант 2

1. Вычислить определенный интеграл: $\int_0^3 (2x^2 - x + 4) dx$.
2. Вычислить определенный интеграл методом подстановки: $\int_0^1 (3x + 1)^4 dx$.
3. Вычислить, предварительно сделав рисунок, площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = -x^2 + 1$, $y = 0$, $x = -1$, $x = 1$.
4. Найти объем тела, полученного при вращении вокруг оси абсцисс криволинейной трапеции, ограниченной линиями: $y = \sqrt{x}$, $y = 0$, $x = 0$, $x = 1$.
5. Скорость движения точки изменяется по закону $v = 9t^2 - 8t$ (м/с). Найти путь S , пройденный точкой за четвертую секунду.

Задание 11

Вариант 1

Найти частные производные функций.

$$1. \quad z = x \cdot \ln y + \frac{y}{x}.$$

$$2. \quad z = \ln(x^2 + 2y^3).$$

$$3. \quad z = (1 + x^2)^y.$$

Вариант 2

Найти частные производные функций.

1. $z = x^y$.
2. $z = x^3 y^2 - 2xy^3$.
3. $z = \ln^x y$.

Задание 12

Вариант 1

Являются ли данные функции решениями данных дифференциальных уравнений (для № 1-4).

1. $y = c_1 e^{-5x} + c_2 e^x$, $y'' + 4y' - 5y = 0$.
2. $y = c_1 e^x + c_2 x e^x$, $y'' + 2y' + y = 0$.
3. $y = \frac{8}{x}$, $y' = -\frac{1}{8}y^2$.
4. $y = e^{4x} + 2$, $y' = 4y$.
5. Решить задачу Коши: $y' = 4x^3 - 2x + 5$, $y(1) = 8$.

Решить следующие дифференциальные уравнения первого и второго порядка (для № 6-12).

6. $y' = \frac{1}{\cos^2 x} + x^4$.
7. $y' = -6y$.
8. $y' = \frac{x-1}{y^2}$.
9. $y' = \frac{y}{\sqrt{1-x^2}}$.
10. $y' - 3y + 5 = 0$.

Вариант 2

Являются ли данные функции решениями данных дифференциальных уравнений (для № 1-4).

1. $y = c_1 e^{-2x} + c_2 x e^{-2x}$, $y'' + 4y' + 4y = 0$.
2. $y = c_1 e^{3x} + c_2 e^x$, $y'' - y' - 6y = 0$.
3. $y = e^{3x} - 5$, $y' = 3y + 15$.
4. $y = \frac{5}{x}$, $y' = -y^2$.
5. Решить задачу Коши: $y' = 3x^2 - 2x + 6$, $y(2) = 19$.

Решить следующие дифференциальные уравнения первого порядка (для № 6-10).

6. $y' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}} - x^7$.
7. $y' = 8y$.
8. $y' = \frac{2x}{y^2}$.
9. $y' = \frac{y}{1+x^2}$.
10. $y' + 8y - 3 = 0$.

Задание 13

1. Сформулировать общие положения при составлении дифференциального уравнения по условию задачи.
2. Записать дифференциальное уравнение показательного роста и показательного убывания и получить его решение. Привести примеры прикладных задач, решаемых с его помощью.
3. Сформулировать задачу о радиоактивном распаде, записать для нее дифференциальное уравнение.
4. Сформулировать задачу о гармонических колебаниях, записать дифференциальное уравнение гармонических колебаний.
5. Сформулировать задачу о падении тел в атмосферной среде, записать для нее дифференциальное уравнение.

Задание 14

Вариант 1

1. Вычислить интеграл $\iint_D (y^2 + 2y) dx dy$, если область интегрирования D ограничена линиями: $x=0, x=1, y=2, y=0$.
2. Вычислить интеграл $\int_3^4 \int_1^2 \frac{dx dy}{(x+y)^2}$.
3. Вычислить интеграл $\int_1^2 dy \int_0^{\ln y} e^x dx$.
4. Найти объем вертикального цилиндрического тела, ограниченного снизу плоскостью XOY, сверху - параболоидом $z = 4 - x^2 - y^2$, а с боков – плоскостями $x = -1, x = 1, y = -1, y = 1$.

Вариант 2

1. Вычислить интеграл $\iint_D (x - y) dx dy$, если область интегрирования D ограничена линиями: $x=0, x+y=2, y=0$.
2. Вычислить интеграл $\int_0^3 \int_y^2 (x^2 + y^2) dy dx$.
3. Вычислить интеграл $\int_2^4 dx \int_x^{2x} \frac{y}{x} dy$.
4. Найти объем вертикального цилиндрического тела, ограниченного снизу плоскостью XOY, сверху - параболоидом $z = 4 - x^2 - y^2$, а с боков – плоскостями $x = -1, x = 1, y = -1, y = 1$.

Вариант 3

1. Вычислить интеграл $\iint_D xy dx dy$, если область интегрирования D ограничена линиями: $x=0, x+y=1, y=0$.
2. Вычислить интеграл $\int_1^2 \int_1^{x\sqrt{2}} dx dy$.
3. Вычислить интеграл $\int_0^a dx \int_0^{\sqrt{x}} dy$.
4. Найти объем вертикального цилиндрического тела, ограниченного снизу плоскостью XOY, сверху - параболоидом $z = 4 - x^2 - y^2$, а с боков – плоскостями $x = -1, x = 1, y = -1, y = 1$.

Задание 15

Вариант 1

Задача 1. Составить уравнение плоскости проходящей через точки $A(0;1;0), B(-2;1;4), C(3;2;5)$.

Задача 2. Определить, при каком α перпендикулярны прямые:

$$\frac{x+5}{\alpha} = \frac{y-4}{-4} = \frac{z-1}{3} \quad \text{и} \quad \frac{x+3}{2} = \frac{y+7}{5} = \frac{z-5}{-2}.$$

Задача 3. Составить уравнение гиперболы, фокусы которой расположены на оси абсцисс симметрично относительно начала координат, если действительная полуось $a = 2$, $c = 5$.

Вариант 2

Задача 1. Составить уравнение плоскости, проходящей через точку $M(3;2;-1)$, параллельно плоскости $5x - 3y + z + 11 = 0$.

Задача 2. Если прямая $\frac{x+5}{2} = \frac{y-1}{A} = \frac{z}{-3}$ параллельна прямой $\frac{x+3}{3} = \frac{y-4}{-4} = \frac{z-2}{B}$, то $A \cdot B =$

Задача 3. Составить уравнение эллипса, фокусы которого лежат на оси абсцисс симметрично относительно начала координат, если малая полуось $b = 4$, а $c = 2$.

Вариант 3.

Задача 1. Составить уравнение плоскости, проходящей через точку $M(3;-2;4)$,

перпендикулярно прямой $\frac{x+5}{4} = \frac{y-2}{-2} = \frac{z-1}{1}$.

Задача 2. Составить уравнение прямой, проходящей через точку $M(1;-1;4)$ перпендикулярно плоскости $2x + 3y - 6z + 5 = 0$.

Задача 3. Найти радиус окружности $x^2 + y^2 + 4x + 6y = 0$.

Задание 16

Вариант 1

- Даны комплексные числа: $z_1 = 2 - 3i$, $z_2 = i + 1$, $z_3 = -1 - i$. Вычислите:
а) $z_1 + z_2$; б) $z_1 + z_3$; в) $z_1 - z_2$; г) $z_2 - z_3$; д) $z_1 \cdot z_2$; е) $z_3 \cdot z_2$.
- Вычислите: а) $(2 - i)(2 + i) - (3 - 2i) + 7$; б) $(1 + i)^4$.
- Найти частное комплексных чисел: а) $\frac{1}{i}$; б) $\frac{1}{1+i}$; в) $\frac{5-i}{i+2}$.
- Представить следующие комплексные числа в тригонометрической и показательной форме:
а) -3 ; б) $-i$; в) $1 + i$; г) $-1 + i\sqrt{3}$.
- Найти координаты точки M , изображающей комплексное число
$$z = \frac{5i-2}{3i+1} + i + \frac{8i-3}{2-i}.$$
- Решите уравнения в комплексных числах:
а) $x^2 - 4x + 8 = 0$; б) $x^2 + ix + 6 = 0$.

Вариант 2

- Даны комплексные числа: $z_1 = 2 + i$, $z_2 = 3i + 1$, $z_3 = -2 - i$. Вычислите:
а) $z_1 + z_2$; б) $z_1 + z_3$; в) $z_1 - z_2$; г) $z_2 - z_3$; д) $z_1 \cdot z_2$; е) $z_3 \cdot z_2$.
- Вычислите: а) $(3 + i)(3 - i) - (6 + 2i) + 7$; б) $(i - 1)^4$.
- Найти частное комплексных чисел: а) $\frac{1}{i}$; б) $\frac{1}{1-i}$; в) $\frac{3+i}{i-2}$.

4. Представить следующие комплексные числа в тригонометрической и показательной форме:

а) -4 ; б) i ; в) $1-i$; г) $-\sqrt{3} + i$.

5. Найти координаты точки M , изображающей комплексное число

$$z = \frac{2-3i}{2i+1} - i + \frac{6i-4}{i+2}.$$

6. Решите уравнения в комплексных числах:

а) $x^2 - 8x + 17 = 0$; б) $x^2 + ix + 20 = 0$.

Критерии оценки заданий:

Отлично «5» – более 90% выполненной работы

Хорошо «4» – от 75% до 90% выполненной работы

Удовлетворительно «3» – от 50% до 75% выполненной работы

Неудовлетворительно «2» – до 50% выполненной работы

6. Примеры оценочных средств для проведения промежуточной аттестации

6.1 Вопросы для дифференцированного зачета

Перечень контрольных вопросов.

1. Матрицы, действия над матрицами.
2. Определители 1-го, 2-го, 3-го порядков. Правило треугольников.
3. Определители n -го порядка. Теорема Лапласа.
4. Обратная матрица. Алгоритм нахождения обратной матрицы.
5. Ранг матрицы. Алгоритм вычисления ранга матрицы с помощью элементарных преобразований.
6. Система линейных уравнений. Метод обратной матрицы. Формулы Крамера. Метод Гаусса.
7. Векторы и операции над ними.
8. Координаты вектора. Действия над векторами, заданными в координатной форме. Длина вектора.
9. Декартова прямоугольная система координат. Полярная система координат.
10. Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов.
11. Общее уравнение прямой линии на плоскости.
12. Параметрические и канонические уравнения прямой на плоскости.
13. Уравнение прямой, проходящей через две заданные точки.
14. Уравнение прямой линии в отрезках.
15. Уравнение прямой линии с угловым коэффициентом.
16. Угол между двумя прямыми. Критерии параллельности и перпендикулярности двух прямых.
17. Кривые второго порядка. Канонические уравнения окружности, эллипса.
18. Кривые второго порядка. Каноническое уравнение гиперболы.
19. Кривые второго порядка. Каноническое уравнение параболы.
20. Предел функции в точке. Основные теоремы о пределах.
21. Предел функции при x , стремящемся к бесконечности. Замечательные пределы. Число e .

22. Непрерывность функции в точке и на промежутке. Точка непрерывности функции. Точка разрыва функции. Свойства непрерывных функций. Приращение аргумента. Приращение функции.
23. Производная функции. Дифференциал функции. Геометрический смысл производной. Механический смысл производной.
24. Таблица производных. Понятие сложной функции. Производная сложной функции.
25. Схема исследования функции. Область определения функции. Множество значений функции. Четность и нечетность функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства функции. Возрастание и убывание функции, правило нахождения промежутков монотонности. Точки экстремума функции, правило нахождения экстремумов функции.
26. Производные высших порядков. Физический смысл второй производной. Исследование функции с помощью второй производной.
27. Первообразная. Неопределенный интеграл. Основные свойства неопределенного интеграла.
28. Таблица неопределенных интегралов.
29. Методы интегрирования: метод непосредственного интегрирования; метод замены переменной (метод подстановки); метод интегрирования по частям.
30. Определенный интеграл. Понятие интегральной суммы. Достаточное условие существования определенного интеграла (интегрируемости функции).
31. Основные свойства определенного интеграла. Геометрический смысл определенного интеграла.
32. Методы вычисления определенных интегралов. Формула Ньютона-Лейбница.
33. Геометрические и физические приложения определенного интеграла.
34. Функции нескольких переменных. Частные производные.
35. Понятие дифференциального уравнения. Общее и частное решение дифференциального уравнения. Интегральные кривые. Задача Коши.
36. Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям.
37. Методы решения дифференциальных уравнений.
38. Алгебраическая форма комплексного числа. Действия над комплексными числами в алгебраической форме. Геометрическая интерпретация комплексного числа.
39. Тригонометрическая форма комплексного числа. Действия над комплексными числами в тригонометрической форме.

6.2 Примеры практических заданий

1. Вычислить предел $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{7}{3x}\right)^{5x}$.
2. Вычислить пределы:
 а) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{5x^4 - x^3 + 1}{2x^4 + x}$; б) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 + 2x}{x^2 - 4}$; в) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - 4}{x^3 + 2x}$.
3. Вычислить предел $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 17x}{\sin 5x}$.
4. Вычислить предел $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 5x}{3x}$.
5. Вычислить предел $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x^2 + x}{x^2 - 2x}$.

6. Вычислить предел $\lim_{x \rightarrow 8} \frac{x^2 - 10x + 16}{x - 8}$.
7. Исследовать функцию $f(x) = \frac{5x}{x - 6}$ на непрерывность в точке $x_0 = 6$.
8. Исследовать функцию $f(x) = 3x^2 - x^3$ и построить ее график.
9. Вычислить значение производной следующих функций в точке $x_0 = 4$:
а) $f(x) = 8x^2 - \ln x$; б) $f(x) = x^3 + 5x$.
10. Найти производную функции $y = (x^4 - 5x^2 + x)^7$.
11. Найти производную функции $y = \frac{11x - 8}{2x + 4}$.
12. Найти производную функции $y = e^{2x^5 - 8}$.
13. Найти производную функции $y = \ln(8x^4 - 3x^2 + 2)$.
14. Найти неопределенный интеграл $\int \frac{4 - x^3 + x^2 - 2x}{x} dx$.
15. Найти неопределенный интеграл методом замены переменной $\int x^2 \cdot e^{x^3} dx$.
16. Найти неопределенный интеграл методом замены переменной $\int (6x + 11)^4 dx$.
17. Найти неопределенный интеграл методом замены переменной $\int \cos(6x - 1) dx$.
18. Найти неопределенный интеграл методом замены переменной $\int \sin^6 x \cdot \cos x dx$.
19. Вычислить определенный интеграл $\int_0^3 (5x + 1) dx$.
20. Вычислить определенный интеграл $\int_0^1 (x - 5)x dx$.
21. Вычислить определенный интеграл $\int_0^2 \frac{2x^3 + x^4}{x^2} dx$.
22. Скорость движения точки изменяется по закону $v = 5t^2 + 4t + 2$ (м/с). Найти путь s , пройденный точкой за 4 с от начала движения.
23. Вычислить объем тела, полученного от вращения фигуры, ограниченной линиями $y = x^2$, $y = 0$, $x = 1$, $x = 3$, вокруг оси Ox .
24. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями $y = x^2$, $y = 0$, $x = 1$, $x = 2$.
25. Решить задачу Коши: $y' = 6x^2 + 4x$, $y(1) = 9$.
26. Решить дифференциальное уравнение $y' = 11x$.